PATENT ABSTRACTS OF JAPAN

(11)Publication number:

2000-305923

(43) Date of publication of application: 02.11.2000

(51)Int.CI.

G06F 17/16 G06F 15/16

(21)Application number: 11-113386

(71)Applicant: FUJI XEROX CO LTD

TAISHO PHARMACEUT CO LTD

(22) Date of filing:

21.04.1999

(72)Inventor: YAMADA SOU

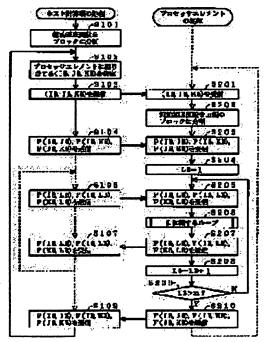
INAHATA SHINJIROU MIYAGAWA NOBUAKI TAKASHIMA HAJIME KITAMURA KAZUYASU

(54) METHOD FOR PARALLEL CALCULATION OF MATRIX ELEMENT AND METHOD FOR CALCULATION OF MOLECULAR ORBIT

(57)Abstract:

PROBLEM TO BE SOLVED: To provide a parallel processing method which can perform efficient matrix element calculation irrelevantly to the communication performance between a host computer and a processor element by sending at least some of matrix elements corresponding to indexes included in a block to a host computer.

SOLUTION: The transmission of density matrix element blocks P(IB, LB), P(JB, LB), and P(KB, LB) having Ic × Ip elements is requested and they are received (S205). After a loop is completed and the calculation of one LB ends, the processor element sends fox matrix element blocks F(IB, LB), F(JB, LB), and F(KB, LB) having Ic × Ip elements back to a host computer (S207). When it is judged (S209) that those processes are completed for all LB, the processor element sends the fox matrix element blocks having Ic × Ic elements back to the host computer (S210).



LEGAL STATUS

[Date of request for examination]

[Date of sending the examiner's decision of rejection]

[Kind of final disposal of application other than the examiner's decision of rejection or application converted registration]

[Date of final disposal for application]

[Patent number]

[Date of registration]

[Number of appeal against examiner's decision of rejection]
[Date of requesting appeal against examiner's decision of rejection]
[Date of extinction of right]

Copyright (C); 1998,2003 Japan Patent Office

(19)日本国特許庁 (JP)

四公開特許公報 (4)

(11)特許出願公開番号

特開2000-305923

(P2000-305923A) (43)公開日 平成12年11月2日(2000.11.2)

(51) Int. Cl. 7	識別記号	FI		テーマコート・	(参考)
G06F 17/16		G06F 15/347		M 5B045	
15/16	610	15/16	610	G 5B056	

審查請求 未請求 請求項の数10 〇1 (全27頁)

(21)出願番号	特願平11-113386	(71)出願人 000005496
		富士ゼロックス株式会社
(22)出願日	平成11年4月21日(1999.4.21)	東京都港区赤坂二丁目17番22号
		(71)出願人 000002819
		大正製薬株式会社
		東京都豊島区高田3丁目24番1号
		(72)発明者 山田 想
		神奈川県足柄上郡中井町境430 グリーン
		テクなかい富士ゼロックス株式会社内
		(74)代理人 100091546
	•	弁理士 佐藤 正美
		最終百に結

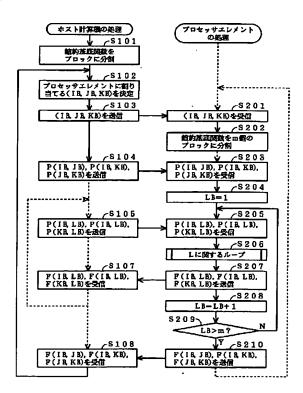
最終負に続く

(54) 【発明の名称】行列要素の並列計算方法および分子軌道計算方法

(57)【要約】

【課題】 安価な通信手段と、小容量のメモリを有する 多数のプロセッサエレメントとを用いた並列計算によっ ても、ホスト計算機とプロセッサエレメントとの間の通 信性能に律速されることなく、効率的に分子軌道計算を 行える。

【解決手段】 ホスト計算機で、縮約基底関数のインデックスを複数のブロックに分割し、そのブロックを指示する3つの整数インデックスIB, JB, KBに関する所定の3重ループを形成するとともに、それらインデックスIB, JB, KBで指定されたものを単位として1つのジョブを形成する。そして、そのジョブをプロセッサエレメントに割り当て、必要な密度行列要素を、そのブロセッサエレメントに送信する。プロセッサエレメントは、縮約シェルを複数のブロックに分割し、そのブロックを指示する整数インデックスLBに関するループ制御を行うとともに、インデックスLBが切り替わる毎に、2電子積分の関数値の一部およびフォック行列要素の一部を計算し、フォック行列要素の一部をホスト計算機に送信する。



【特許請求の範囲】

【請求項1】同じ1からNの範囲にある4つの整数インデックスI、J、K、Lを用いて表わされ、G(I、J、K、L) = G(I、J、L、K) = G(J、I、K、L) = G(J、I、K、L) = G(K,L,I、J) = G(K,L,J,I) = G(L,K,I,J) = G(L,K,I,J) = G(L,K,I,J) = G(L,K,L) と;2つの前記整数インデックス K、Lを用いて表わされ、P(K,L) = P(L,K) なる関係を満たす行列Pの要素P(K,L) と;係数A 10 1と;の積A1・P(K,L)・G(I,J,K,L) についての前記範囲の全ての前記Kおよび前記Lに関する総和F1(I,J)と、

前記関数値G (I, L, K, J) と;前記行列要素 P (K, L) と;係数A2 と;の積A2 ・ P (K, L) ・ G (I, L, K, J) に関する前記範囲の全ての前記 K および前記 L における総和F2 (I, J) との和 F (I, J) = F1 (I, J) + F2 (I, J) を要素とする行列Fの全要素を、ホスト計算機および複数のプロセッサエレメントにより構成される並列計算装置を用い 20 て計算する行列要素の並列計算方法において、

前記ホスト計算機で前記1からNの範囲にある前記イン デックスを複数のブロックに分割して、第1のブロック 群を形成し、

前記ホスト計算機で前記第1のブロック群のブロックを 指示する3つの整数インデックスIB, JB, KBに関 する所定の3重ループを形成し、

前記ホスト計算機で前記ブロックを指示する前記3つの 整数インデックスIB, JB, KBで指定されたものを 単位として1つのジョブを形成し、

前記ホスト計算機で前記1つのジョブを、前記並列計算 装置内の一つの前記プロセッサエレメントに対して割り 当て、

前記ホスト計算機は、

前記ジョブの割り当てを行う際に、

前記プロック I Bに含まれる前記インデックス I 、および前記プロック J Bに含まれる前記インデックス J 、および前記プロック K Bに含まれる前記インデックス K 、に対応する行列要素 P (I, J) および P (I, K) および P (J, K) の少なくとも一部を前記プロセッサエ 40レメントに対して送信し、

前記プロセッサエレメントは、

前記1からNの範囲にある前記整数インデックスを、前記第1のブロック群と同じまたは異なる複数のブロックに分割して、第2のブロック群を形成して、その前記第2のブロック群のブロックを指示するインデックスLBに関するループ制御を行うとともに、

前記インデックスLBが切り替わる毎に、

前記ブロックIBに含まれる前記インデックスI、および前記ブロックJBに含まれる前記インデックスJ、お 50

よび前記プロックKBに含まれる前記インデックスK、および前記プロックLBに含まれる前記インデックスL、にそれぞれ対応する行列要素P(I,L) およびP(J,L) およびP(K,L) の少なくとも一部を前記ホスト計算機から受信し、

前記ブロックIBに含まれる前記インデックスI、および前記ブロックJBに含まれる前記インデックスJ、および前記ブロックKBに含まれる前記インデックスK、および前記ブロックLBに含まれる前記インデックスL、にそれぞれ対応する関数値G(I, J, K, L)の少なくとも一部を計算し、

前記ブロックIBに含まれる前記インデックスI、および前記ブロックJBに含まれる前記インデックスJ、および前記ブロックKBに含まれる前記インデックスK、および前記ブロックLBに含まれる前記インデックスL、に対応する行列要素F(I,L)およびF(J,L)およびF(K,L)の少なくとも一部を前記ホスト計算機へ送信し、

さらに、前記プロセッサエレメントは、

前記ジョブの終了時に、

30 前記プロック I Bに含まれる前記インデックス I 、および前記プロック J Bに含まれる前記インデックス J 、および前記プロック K Bに含まれる前記インデックス K 、にそれぞれ対応する行列要素 F (I, J) および F (I, K) および F (J, K) の少なくとも一部を前記ホスト計算機へ送信することを特徴とする行列要素の並列計算方法。

【請求項2】同じ1からNの範囲にある4つの整数インデックスI, J, K, Lを用いて表わされ、G(I, J, K, L) = G(I, J, L, K) = G(J, I, K, L) = G(J, I, L, K) = G(K, L, I, J) = G(K, L, J, I) = G(L, K, I, J) = G(L, K, I, J) = G(L, K, I, J) = G(L, K, L) と; 2つの前記整数インデックス K, Lを用いて表わされ、P(K, L) = P(L, K) なる関係を満たす行列Pの要素 P(K, L) と;係数A 1 と;の積A 1・P(K, L)・G(I, J, K, L) についての前記範囲の全ての前記Kおよび前記Lに関する総和F1(I, J)と、

前記関数値G(I, L, K, J)と;前記行列要素P(K, L)と;係数A2と;の積A2・P(K, L)・

G (I, L, K, J) に関する前記範囲の全ての前記K および前記Lにおける総和F2 (I, J) との和F (I, J) = F1 (I, J) + F2 (I, J) を要素とする行列Fの全要素を、ホスト計算機および複数のプロセッサエレメントにより構成される並列計算装置を用いて計算する行列要素の並列計算方法において、

前記ホスト計算機で前記1からNの範囲にある前記イン デックスを複数のブロックに分割して、第1のブロック 群を形成し、

前記ホスト計算機で前記第1のブロック群のブロックを 10 指示する3つの整数インデックスIB, JB, KBに関 する所定の3重ループを形成し、

前記ホスト計算機で前記プロックを指示する前記3つの整数インデックスIB, JB, KBが固定されたものを単位として1つのジョブを形成し、

前記ホスト計算機で前記1つのジョブを前記並列計算装置内の一つのプロセッサエレメントに対して割り当て、前記ホスト計算機は、

前記ジョブの割り当てを行う際に、

前記ブロック I Bに含まれる前記インデックス I 、およ 20 び前記ブロック J Bに含まれる前記インデックス J 、および前記ブロック K Bに含まれる前記インデックス K 、に対応する行列要素 P (I, J) および P (I, K) および P (J, K) の少なくとも一部を前記プロセッサエレメントに対して送信し、

前記プロセッサエレメントは、

前記1からNの範囲にある前記インデックスを、前記第 1のブロック群と同じまたは異なる複数のブロック群に 分割して、第2のブロック群を形成して、その前記第2 のブロック群のブロックを指示するインデックスLBに 30 関するループ制御を行うとともに、

前記インデックスLBが切り替わる毎に、

前記ブロックIBに含まれる前記インデックスI、および前記ブロックJBに含まれる前記インデックスJ、および前記ブロックKBに含まれる前記インデックスK、および前記ブロックLBに含まれる前記インデックスL、に対応する行列要素P(I,L)およびP(J,

L) およびP(K, L) の少なくとも一部を、前記ホスト計算機から受信し、

前記ブロック I Bに含まれる前記インデックス I 、およ 40 び前記ブロック J Bに含まれる前記インデックス J 、および前記ブロック K Bに含まれる前記インデックス K 、および前記ブロック L Bに含まれる前記インデックス L 、に対応する関数値 G (I, J, K, L) および G (I, K, J, L) および G (I, K, J, L) および G (I, L, J, K) の少なくとも一部を計算し、

前記計算された関数値を用いて、前記ブロック I B に含まれる前記インデックス I 、および前記ブロック J B に含まれる前記インデックス J 、および前記ブロック K B に含まれる前記インデックス K 、および前記ブロック L 50

Bに含まれる前記インデックスL、に対応する行列要素 F(I, J) およびF(I, K) およびF(J, K) およびF(I, L) およびF(I, L) およびF(K, L) の少なくとも一部を所定の計算式に従って計算し、前記ブロック I Bに含まれる前記インデックス I 、および前記ブロック J Bに含まれる前記インデックス J 、および前記ブロック J Bに含まれる前記インデックス J 、および前記ブロック J Bに含まれる前記インデックス J 、および前記ブロック J Bに含まれる前記インデックス J 、およびJ に対応する行列要素 J J 、J に対応する行列要素 J J 、J の少なくとも一部を、前記ホス

さらに、前記プロセッサエレメントは、

前記ジョブの終了時に、

ト計算機へ送信し、

前記ブロックIBに含まれる前記インデックスI、および前記ブロックJBに含まれる前記インデックスJ、および前記ブロックKBに含まれる前記インデックスK、に対応する行列要素F(I, J)およびF(I, K)およびF(J, K)の少なくとも一部を、前記ホスト計算機へ送信することを特徴とする行列要素の並列計算方法

【請求項3】請求項1に記載の行列要素の並列計算方法 において、

前記プロセッサエレメントの処理における前記インデックスLBの切り替わり時に、前記ホスト計算機から前記プロセッサエレメントへ送信されるのは、

前記プロックKBに含まれる前記インデックスKおよび 前記プロックLBに含まれる前記インデックスLに対応 する行列要素P(K,L)のうち、前記関数値G(I, J,K,L)の計算が不必要であると判断されない前記 インデックスK,Lの組み合わせに対応する行列要素P (K,L)であることを特徴とする行列要素の並列処理 方法。

【請求項4】請求項1に記載の行列要素の並列計算方法 において、

前記プロセッサエレメントの処理における前記インデックスLBの切り替わり時に、前記ホスト計算機から前記プロセッサエレメントへ送信されるのは、

前記プロックIBに含まれる前記インデックスIおよび 前記プロックJBに含まれる前記インデックスJおよび 前記プロックKBに含まれる前記インデックスKおよび 前記プロックLBに含まれる前記インデックスLに対応 する行列要素P(I, L)およびP(J, L)およびP (K, L)のうち、前記関数値G(I, J, K, L)の 計算が不必要であると判断されない前記インデックス K, Lの組合わせに対応する、

前記行列要素 P(K, L)と、

前記プロック I Bに含まれる前記インデックス I および 前記プロック L Bに含まれる前記インデックス L に対応 する前記行列要素 P (I, L) と、

前記プロックJBに含まれる前記インデックスJおよび

前記ブロックLBに含まれる前記インデックスLに対応 する前記行列要素P(J,L)であることを特徴とする 行列要素の並列計算方法。

【請求項5】請求項2に記載の行列要素の並列計算方法 において、

前記プロセッサエレメントの処理における前記インデックスLBの切り替わり時に、前記ホスト計算機から前記プロセッサエレメントへ送信されるのは、

前記プロック I Bに含まれる前記インデックス I および 前記プロック J Bに含まれる前記インデックス J および 10 前記プロック K B に含まれる前記インデックス K および 前記プロック L B に含まれる前記インデックス L に対応 する行列要素 P (I, L) および P (K, L) のうち、

前記関数値G (I, J, K, L) の計算が不必要であると判断されないか、あるいは前記ブロック J B内の全ての前記インデックス J としたの組み合わせで前記関数値 G (I, K, J, L) の計算が不必要であると判断されないか、あるいは前記ブロック I B内の全ての前記インデックス I としたの組み合わせで前記関数値G (I, L, J, K) の計算が不必要であると判断されない前記行列要素 P (K, L) と、

前記関数値G (I, L, J, K) の計算が不必要であると判断されないか、あるいは前記ブロック J B内の全ての前記インデックス J としとの組み合わせで前記関数値 G (I, K, J, L) の計算が不必要であると判断されないか、あるいは前記ブロック K B内の全ての前記インデックス K としとの組み合わせで前記関数値 G (I,

J, K, L)の計算が不必要であると判断されない前記行列要素 P (I, L)と、

前記関数値G(I, K, J, L)の計算が不必要であると判断されないか、あるいは前記ブロック I B内の全ての前記インデックス I としとの組み合わせで前記関数値 G(I, L, J, K)の計算が不必要であると判断されないか、あるいは前記ブロック K B内の全ての前記インデックス K と L との組み合わせで前記関数値 G(I,

J, K, L)の計算が不必要であると判断されない前記 行列要素P(J, L)であることを特徴とする行列要素 の並列計算方法。

前記2電子積分関数gの関数値g(i, k, j, l) と;前記密度行列Pの前記要素P(K, L)と;係数A 2と;の積A2・P(K, L)・g(i, k, j, l)の全ての縮約基底関数に関する総和 f 2(I, J)との和 f (I, J) = f 1 (I, J) + f 2 (I, J) の、前記原始基底関数 i, 前記原始基底関数 j をそれぞれひとつの構成要素とする縮約基底関数 I, 縮約基底関数 J に含まれる全ての原始基底関数 に関する和で表わされる Fock行列の全ての要素F(I, J)の計算を、ホスト計算機および複数のプロセッサエレメントにより構成される並列計算装置を用いて計算する分子軌道計算方法において、

前記ホスト計算機で前記1からNの範囲にある縮約基底 関数の前記インデックスを複数のブロックに分割して、 第1のブロック群を形成し、

前記ホスト計算機で前記第1のブロック群のブロックを 指示する3つの整数インデックスIB, JB, KBに関 する所定の3重ループを形成し、

前記ホスト計算機で前記ブロックを指示する前記3つの 20 整数インデックスIB, JB, KBで指定されたものを 単位として1つのジョブを形成し、

前記ホスト計算機で前記1つのジョブを、前記並列計算 装置内の一つの前記プロセッサエレメントに対して割り 当て、

前記ホスト計算機は、

前記ジョブの割り当てを行う際に、

前記ブロックIBに含まれる前記縮約基底関数I、および前記ブロックJBに含まれる前記縮約基底関数J、および前記ブロックKBに含まれる前記縮約基底関数K、

30 に対応する密度行列要素 P (I, J) および P (I, K) および P (J, K) の少なくとも一部を、前記プロセッサエレメントに対して送信し、

前記プロセッサエレメントは、

前記1からNの範囲にある縮約シェルを、前記第1のブロック群と同じまたは異なる複数のブロックに分割して、第2のブロック群を形成して、その前記第2のブロック群のブロックを指示する整数インデックスLBに関するループ制御を行うとともに、

前記インデックスLBが切り替わる毎に、

前記プロック I Bに含まれる前記縮約基底関数 I 、および前記プロック J Bに含まれる前記縮約基底関数 J 、および前記プロック K B に含まれる前記縮約基底関数 K 、および前記プロック L B に含まれる前記縮約基底関数 L 、に対応する密度行列要素 P (I, L) および P (J, L) および P (K, L) の少なくとも一部を、前記ホスト計算機から受信し、

前記ブロック I Bに含まれる前記縮約基底関数 I を構成する前記原始基底関数 i 、および前記ブロック J Bに含まれる前記縮約基底関数 J を構成する前記原始基底関数 J を構成する前記原始基底関数

50 j、および前記ブロックKBに含まれる前記縮約基底関

数Kを構成する前記原始基底関数k、および前記プロックLBに含まれる前記縮約基底関数Lを構成する前記原始基底関数lに対応する2電子積分の関数値g(i,j,k,l)の少なくとも一部を計算し、

その計算により求められた前記関数値を用いて、前記ブロックIBに含まれる前記縮約基底関数I、および前記プロックJBに含まれる前記縮約基底関数J、および前記プロックKBに含まれる前記縮約基底関数K、および前記ブロックLBに含まれる前記縮約基底関数L、に対応するフォック行列要素F(I, J)およびF(I, K)およびF(J, K)およびF(I, L)およびF(J, L)およびF(K, L)の少なくとも一部を所定の計算式に従って計算し、

前記ブロック I Bに含まれる前記縮約基底関数 I 、および前記ブロック J Bに含まれる前記縮約基底関数 J 、および前記ブロック K Bに含まれる前記縮約基底関数 K、および前記ブロック L Bに含まれる前記縮約基底関数 L 、に対応するフォック行列要素 F (I, L) および F (J, L) および F (K, L) の少なくとも一部を前記ホスト計算機へ送信し、

さらに、前記プロセッサエレメントは、

前記ジョブの終了時に、

前記ブロック I B に含まれる前記縮約基底関数 I 、および前記ブロック J B に含まれる前記縮約基底関数 J 、および前記ブロック K B に含まれる前記縮約基底関数 K 、に対応するフォック行列要素 F (I, J) および F (I, K) および F (I, K) の少なくとも一部を前記ホスト計算機へ送信することを特徴とする分子軌道計算方法。

【請求項7】それぞれN個(Nは正の整数)の縮約シェ 30 ルR, S, T, Uのそれぞれに含まれる原始シェル r, s, t, uのそれぞれの成分である原始基底関数 i, j, k, l をインデックスとして用いて表わされる 2 電子積分関数 g の関数値 g (i, j, k, l) と;前記原始基底関数 k をひとつの構成要素とする縮約基底関数 k および前記原始基底関数 l をひとつの構成要素とする縮約基底関数 l とをインデックスとして用いて表わされる密度行列 l の要素 l と;係数 l の全ての縮約基底関数に関する総和 l l (l, l) と、

前記2電子積分関数gの関数値g(i, k, j, l) と;前記密度行列Pの前記要素P(K, L)と;係数A 2と;の積A2・P(K, L)・g(i, k, j, l)の全ての縮約基底関数に関する総和 f 2(I, J)との 和 f (I, J) = f 1 (I, J) + f 2 (I, J)の、 前記原始基底関数 i, 前記原始基底関数 j をそれぞれひとつの構成要素とする縮約基底関数 I, 縮約基底関数 I に含まれる全ての原始基底関数に関する和で表わされる Fock行列の全ての要素F(I, J)の計算を、ホスト計算機および複数のプロセッサエレメントにより構成 50

される並列計算装置を用いて計算する分子軌道計算方法において、

前記ホスト計算機で前記1からNの範囲にある縮約基底 関数の前記インデックスを複数のブロックに分割して、 第1のブロック群を形成し、

前記ホスト計算機で前記第1のブロック群のブロックを 指示する3つの整数インデックスIB, JB, KBに関 する所定の3重ループを形成し、

前記ホスト計算機で前記ブロックを指示する前記3つの 10 インデックスIB, JB, KBで指定されたものを単位 として1つのジョブを形成し、

前記ホスト計算機で前記1つのジョブを前記並列計算装置内の一つのプロセッサエレメントに対して割り当て、前記ホスト計算機は、

前記ジョブの割り当てを行う際に、

前記ブロック I Bに含まれる前記縮約基底関数 I 、および前記ブロック I Bに含まれる前記縮約基底関数 I 、および前記ブロック K B に含まれる前記縮約基底関数 K 、に対応する密度行列要素 P (I, I) および P (I,

20 K) およびP (J, K) の少なくとも一部を、前記プロ セッサエレメントに対して送信し、

前記プロセッサエレメントは、

前記1からNの範囲にある縮約シェルを、前記第1のプロック群と同じまたは異なる複数のプロック群に分割して、第2のプロック群を形成して、その前記第2のプロック群のプロックを指示するインデックスLBに関するループ制御を行うとともに、

前記インデックスLBが切り替わる毎に、

前記ブロック I Bに含まれる前記縮約基底関数 I 、および前記ブロック J Bに含まれる前記縮約基底関数 J 、および前記ブロック K Bに含まれる前記縮約基底関数 K 、および前記ブロック L Bに含まれる前記縮約基底関数 L 、に対応する密度行列要素 P (I, L) および P (J, L) および P (K, L) の少なくとも一部を、前記ホスト計算機から受信し、

前記ブロックIBに含まれる前記縮約基底関数Iを構成する前記原始基底関数i、および前記ブロックJBに含まれる前記縮約基底関数Jを構成する前記原始基底関数j、および前記ブロックKBに含まれる前記縮約基底関数 k、および前記ブロックLBに含まれる前記縮約基底関数Lを構成する前記原始基底関数Lを構成する前記原始基底関数Lを構成する前記原始基底関数l、に対応する2電子積分g(i, j, k, l)およびg(i, k, j, l)およびg(i, l, j, k)の少なくとも一部を計算し、

この計算された前記関数値を用いて、前記ブロック I B に含まれる前記縮約基底関数 I 、および前記ブロック J B に含まれる前記縮約基底関数 J 、および前記ブロック K B に含まれる前記縮約基底関数 K 、および前記ブロッ

クLBに含まれる前記縮約基底関数L、に対応するフォック行列要素F(I, J)およびF(I, K)およびF

(J, K) およびF(I, L) およびF(J, L) およびF(K, L) の少なくとも一部を所定の計算式に従って計算し、

前記プロックIBに含まれる前記縮約基底関数I、および前記プロックJBに含まれる前記縮約基底関数J、および前記プロックKBに含まれる前記縮約基底関数K、および前記プロックLBに含まれる前記縮約基底関数L、に対応するフォック行列要素F(I,L)およびF(J,L)およびF(K,L)の少なくとも一部を、前記ホスト計算機へ送信し、

さらに、前記プロセッサエレメントは、

前記ジョブの終了時に、

前記ブロック I Bに含まれる前記縮約基底関数 I 、および前記ブロック J Bに含まれる前記縮約基底関数 J 、および前記ブロック K Bに含まれる前記縮約基底関数 K 、に対応するフォック行列要素 F (I, J) および F (I, K) および F (I, K) および F (I, K) および F (I, K) および F (I, I) がよび F (I, I) がよび F (I) がよび F (I) がいかなくとも一部を、前記ホスト計算機へ送信することを特徴とする分子軌道計算方法。

【請求項8】請求項6に記載の分子軌道計算方法におい 20 て

前記プロセッサエレメントの処理における前記インデックスLBの切り替わり時に、前記ホスト計算機から前記プロセッサエレメントへ送信されるのは、

前記プロックKBに含まれる前記縮約基底関数Kおよび 前記プロックLBに含まれる前記縮約基底関数Lに対応 する密度行列要素P(K, L)のうち、全ての2電子積 分関数gの関数値g(i, j, k, l)の計算が不必要 であると判断されない前記縮約基底関数K, Lの組み合 わせに対応する行列要素P(K, L)であることを特徴 30 とする分子軌道計算方法。

【請求項9】請求項6に記載の分子軌道計算方法において、

前記プロセッサエレメントの処理における前記インデックスLBの切り替わり時に、前記ホスト計算機から前記プロセッサエレメントへ送信されるのは、

前記プロック I Bに含まれる前記縮約基底関数 I および 前記プロック J Bに含まれる前記縮約基底関数 J および 前記プロック K B に含まれる前記縮約基底関数 K および 前記プロック L B に含まれる前記縮約基底関数 L に対応 40 する密度行列要素 P (K, L) のうち、

全ての2電子積分関数gの関数値g(i, j, k, l) の計算が不必要であると判断されない前記縮約基底関数 K, Lの組み合わせに対応する前記密度行列要素 P (K, L) と、

前記ブロックIBに含まれる前記縮約基底関数Iおよび 前記ブロックLBに含まれる前記縮約基底関数Lに対応 する前記密度行列要素P(I,L)と、

前記ブロックJBに含まれる前記縮約基底関数Jおよび 前記ブロックLBに含まれる前記縮約基底関数Lに対応 50 する前記密度行列要素 P (J, L) であることを特徴とする分子軌道計算方法。

【請求項10】請求項7に記載の分子軌道計算方法において、

前記プロセッサエレメントの処理における前記インデックスLBの切り替わり時に、前記ホスト計算機からプロセッサへ送信されるのは、

前記ブロック I Bに含まれる前記縮約基底関数 I および 前記ブロック J Bに含まれる前記縮約基底関数 J および 10 前記ブロック K Bに含まれる前記縮約基底関数 K および 前記ブロック L Bに含まれる前記縮約基底関数 L に対応 する密度行列要素 P (I, L) および P (J, L) および P (K, L) のうち、

全ての2電子積分関数gの関数値g(i, j, k, l) の計算が不必要であると判断されないか、あるいは前記 ブロックJB内の全ての前記縮約基底関数JとLとの組み合わせで全ての2電子積分関数gの関数値g(i,

k, j, l) の計算が不必要であると判断されないか、あるいは前記ブロック I B内の全ての前記縮約基底関数 I とL との組み合わせで全ての 2 電子積分関数 g の関数値 g (i, l, j, k) の計算が不必要であると判断されない前記密度行列要素 P (K, L) と、

全ての2電子積分関数gの関数値g(i, l, j, k) の計算が不必要であると判断されないか、あるいは前記 ブロックJB内の全ての前記縮約基底関数JとLとの組み合わせで全ての2電子積分関数gの関数値g(i,

k, j, l) の計算が不必要であると判断されないか、あるいは前記ブロック K B内の全ての前記縮約基底関数 K としとの組み合わせで全ての 2 電子積分関数 g の関数 値 g (i, j, k, l) の計算が不必要であると判断されない前記密度行列要素 P (I, L) と、

全ての2電子積分関数gの関数値g(i, k, j, l) の計算が不必要であると判断されないか、あるいは前記 ブロック I B内の全ての前記縮約基底関数 I とL との組 み合わせで全ての2電子積分関数gの関数値g(i,

1, j, k) の計算が不必要であると判断されないか、あるいは前記ブロック K B内の全ての前記縮約基底関数 K としとの組み合わせで全ての 2 電子積分関数 g の関数値 g (i, j, k, l) の計算が不必要であると判断されない前記密度行列要素 P (J, L) であることを特徴とする分子軌道計算方法。

【発明の詳細な説明】

[0001]

【発明の属する技術分野】この発明は、大規模で、特定の対称性を有する行列要素計算、特に、非経験的分子軌道法を用いた分子シミュレーションにおいてフォック行列要素計算を高速に処理するために用いて好適な、行列要素の並列計算方法に関する。

[0002]

【従来の技術】化学の分野において、分子の状態や挙動

を数値的に解析する手法として、分子軌道法、分子動力 学法、モンテカルロ法などがある。その中でも、非経験 的分子軌道計算法は、第一原理に基づいた量子力学的計 算で、分子中の電子の挙動を記述することを目的として いる。そのため、この手法は、分子シミュレーションの 基盤として位置づけられ、物質構造や化学反応の詳細な 解析に用いられている工業的に重要な手法である。

11

【0003】非経験的分子軌道計算法では、分子を構成 する原子の原子核と軌道電子との距離の2乗に経験的な 定数を乗じたものを指数とする指数関数の逆数あるいは 10 それらの線形結合を基底関数とし、この基底関数を1つ の原子に対して複数個用意する。これらの基底関数の線 形結合で、分子内の軌道電子の波動関数、すなわち分子 軌道を記述する。

【0004】分子軌道における基底関数の線形結合係数 を決めることが、非経験的分子軌道計算法での主要な処 理であるが、その計算には、基底関数の数の4乗に比例 した計算量と記憶容量を必要とする。そのため、非経験 的分子軌道計算法は、現状では、100原子程度の規模 の分子系に適用されているに過ぎない。生命現象/化学 20 現象の分子論的解明を、より現実的なものとするために は、数1000原子規模の分子系への適用も視野に入れ た、非経験的分子軌道計算専用の計算システムの開発が 必須である。

【0005】 [非経験的分子起動法の概要] 非経験的分 子軌道計算法では、分子の状態Ψを、分子中の電子の空 間的な軌道に相当する電子軌道関数φ』を用いて記述す る。ここでμは複数ある分子軌道のμ番目という意味の 添え字である。分子軌道φ α は、原子軌道 α ι の線形結 合で、図13の(数式1)のように近似的に表わされ

【0006】ここで、(数式1)において、Iは複数あ る原子軌道のⅠ番目という意味の添え字である。なお、 原子軌道は基底関数とも呼ばれることがある。この明細 書中では、以降、原子軌道のことを基底関数と呼ぶ。ま た、数式1に現れるC₁ は、線形結合係数である。数 式1におけるIに関する総和は、計算の対象とする分子 を構成する全ての基底関数に関するものである。

【0007】さて、量子力学的に分子軌道を記述するた めには、良く知られるパウリの排他律を、分子内の電子 40 の状態が満たさなければならない。電子のスピンを考慮 に入れて、パウリの排他律を満たすように、2 n 電子系 の分子の状態Ψを記述する表式として、図13の(数式 2) のようなスレーター行列式が用いられる。ここで、 (数式2) において、 α (x) および β (x) は、x番 目の電子のスピンが、それぞれ、上向きおよび下向きの 状態を表わしている。

【0008】2n電子系に対するハミルトニアンHは、 1電子部分H, と2電子部分H, との和という形式で、 る。

【0009】図13の(数式4)において、右辺の(・ ・・)内の第1項は、電子pの運動エネルギー、第2項 はp番目の電子とA番目の原子核との相互作用である。 (数式4) において、 Σ 。(この明細書で Σ ; は、iに ついての総和を取ることを表すものとする。以下、同 じ) は全電子に関する総和、Σ, は全原子核に関する総 和、Z、は原子核Aの電荷、rowは電子pと原子核Aと の距離である。

【0010】また、図13の(数式5)は、電子pと電 子qとの間の相互作用を表わしており、 Σ , Σ , Ω , Ω , Ω 2個の電子の組み合わせに関する総和、 r, は電子 p, q間の距離である。

【0011】上記のハミルトニアンHと、(数式2)の スレーター行列式とを用いると、分子エネルギーの期待 値 ϵ が、図 1 4 の(数式 6) ~(数式 9)のように表わ

【0012】(数式6)において、 Σ_{μ} および Σ_{ν} は、 n個(nは正の整数)ある分子軌道に関する総和であ る。(数式7)は「コア積分」と呼ばれ、代表として番 号1の電子について書かれている。また、(数式8)お よび(数式9)は、それぞれ「クーロン積分」および 「交換積分」と呼ばれ、代表として電子1および電子2 について書かれている。

【0013】(数式6)を基底関数を用いて書き直す と、図15に示す(数式10)~(数式13)に示すよ うなものになる。(数式13)で表わされる積分を、 「2電子間反発積分」あるいは省略して「2電子積分」 と呼ぶ。

【0014】(数式10)で表わされる分子エネルギー の期待値 ϵ は、 $C_{1,\mu}$ という未知数を含んでおり、この ままでは数値が得られない。C₁ は、(数式1)にお ける線形結合定数であり、μは1からn(分子軌道の 数)の整数、Iは1からN(Nが基底関数の数であり、 正の整数)の整数である。以下では、C₁ を要素とす るN×n行列Cを係数行列と呼ぶ。

【0015】期待値をが最小となるように係数行列を決 定し、基底状態の波動関数Ψを求める手法の1つとし て、ハートリー・フォック・ローサーンの変分法(以 下、HFR法と略称する)が用いられる。導出過程は省 略し、HFR法の結果として得られる式を、図16の (数式14)~(数式18)に示す。

【0016】F」はフォック行列要素、Pには密度行列 要素と、それぞれ呼ばれる。以下の説明では、これらを F (I, J)、P (K, L) のように表記する場合があ る。これらは、1からNの値をとる各I, J, K, Lに 対して数値を持っており、それぞれN×N行列の形で表 わされる。

【0017】(数式14)を解くことにより、係数行列 図13の(数式3)から(数式5)のように書き表され 50 が求まる。(数式14)は、1からnの間の全ての μ 、

および1からNの間の全てのIに対して存在するので、 n×N本の連立方程式になっている。

【0018】(数式14)を解いて得られた係数行列C の計算には、密度行列Pが用いられている。密度行列P は、(数式18)に示すように係数行列Cから計算され る。そのため、具体的な計算手順としては、まず、適当 に係数行列Cを与えておき、それを用いて計算した密度 行列 P を使って、(数式 15) でフォック行列 F を計算 し、(数式14)の連立方程式を解いて新たな係数行列 Cを得る。密度行列Pの元となるCと、結果として得ら 10 れることの間の差が十分小さく、すなわち自己無撞着に なるまで、上記の計算を繰り返し行う。この反復計算を 自己無撞着計算(以下、SCF計算と称する)と呼ぶ。

【0019】実際の計算で最も時間を要するのは、(数 式15)のフォック行列要素 F., の計算である。これ は、全ての I, Jに対して、この(数式 15)を計算し なければならないこと、および各I,Jの組み合わせに 対して、密度行列要素PklのK, Lに関する和を計算し なければならないことに起因する。

【0020】SCF計算の手法には2通りある。1つは 20 ディスクストレージSCF法と呼ばれる手法で、1回目 のSCF計算の際に得た2電子積分の値を全てディスク に保存しておき、2回目以降は必要な2電子積分をディ スクから取り出して用いる手法である。もう1つはダイ レクトSCF法と呼ばれる手法で、SCF計算の度に2 電子積分の計算をやり直す手法である。

【0021】現在では、ディスク容量の制限やアクセス 時間の大きさなどから、後者のダイレクトSCF法を用 いるのが主流である。このダイレクトSCF法による分 子軌道計算においては、SCF計算の1回あたりに、N 30 1 にほぼ比例する個数の2電子積分の計算を行わなけれ ばならないため、2電子積分計算を高速に行うことが分 子軌道計算を高速化することに直結する。

【0022】2電子積分G(I, J, K, L)、密度行 列P(K, L)、およびフォック行列F(I, J)の対 称性に関して、ここで言及しておく。

【0023】2電子積分は、(数式13)から明らかな ように、図16の(数式19)に示すような対称性を有 している。したがって、(数式19)の内の1つに関し て数値を得ることができれば、他の7つについても数値 40 が得られたことになる。

【0024】また、図16の(数式18)から、

P(K, L) = P(L, K)

であることがわかり、図16の(数式15)および図1 5の(数式11)から、

F(I, J) = F(J, I)

であることがわかる。

【0025】 [縮約基底関数と原始基底関数] 非経験的 分子軌道法では、図17の(数式20)に示すような基 底関数が一般的に用いられる。この(数式20)におい 50 表現した2電子積分と呼び、g(i,j,k,l)を、

て、r、n、Rはベクトルであり、添え字x,y,zの 付いたものがその成分である。rは電子の座標、nは電 子の角運動量、Rは原子核の座標である。

14

[0026] $n_x + n_y + n_z = \lambda$ は、角運動量の大き さであり、軌道量子数とも呼ばれる。この軌道量子数 λ が、0の場合にその軌道をs軌道、1の場合にその軌道 をp軌道、2の場合にその軌道をd軌道などと呼ぶ。

【0027】ζ は軌道指数であり、軌道の空間的な広 がり具合を示す。軌道指数の異なる複数の軌道の線形結 合で1つの基底関数を表わす場合があり、そのようにし て表わした基底関数を縮約基底関数と呼び、線形結合係 数 d m を縮約係数と呼ぶ。これに対して、線形結合され る前の、図17の(数式21)の形の関数ψを原始基底 関数と呼ぶ。

【0028】縮約基底関数 x は、 I, J, K, Lのよう に大文字で番号付けをし、また、原始基底関数

ψは、 i, j, k, lのように小文字で番号付けするのが慣例 であり、本明細書中でもこれに従う。

【0029】 [縮約シェルと原始シェル] 軌道量子数が 1の場合の縮約基底関数には、n=(1,0,0)の場 合、n=(0, 1, 0) の場合、n=(0, 0, 1) の 場合の3通りが存在する。同様に、軌道量子数が2の場 合には6通り(あるいは、基底関数の構成の仕方によっ ては5通り)の縮約基底関数が存在する。

【0030】 (数式20) のうちの図17の(数式2 2) で示す部分が共通な、これら複数の縮約基底関数の 集合を、縮約シェルと呼ぶ。 p 軌道の縮約シェルは3つ の縮約基底関数で構成され、また、d軌道の縮約シェル は6つ(または5つ)の縮約基底関数で構成される。s 軌道の場合にも、便宜上1つの縮約基底関数の集合を縮 約シェルと呼ぶ。

【0031】 (数式21) のうちのexp [-ζ (r-R) 1] の部分が共通な、原始基底関数の集合を、同様 に原始シェルと呼ぶ。縮約シェルは、R, S, T, Uの ように大文字で番号付けをし、原始シェルは、r, s, t. uのように小文字で番号付けするのが慣例であり、 本明細書中でもこれに従う。

【0032】分子軌道計算の実施に際しては、計算の対 象とする分子を構成する原子毎に軌道量子数の異なる複 数の縮約シェルを用意し、それら全ての集合を基底関数 のセットとして用いる。原子核座標Rと軌道量子数入と の組み合わせ(R, λ)で、1つの縮約シェルを表わす ことができる。

【0033】 [2電子積分の表式] 縮約基底関数で表わ される2電子積分G(I, J, K, L)は、原始基底関 数を用いると、図17の(数式23)のように表わされ る。ここで、g(i, j, k, l)は、図17の(数式 24) のように表すことができる。

【0034】G(I, J, K, L)を、縮約基底関数で

(9)

原始基底関数で表現した2電子積分と呼ぶが、以降の説明では、どちらも単に2電子積分と呼ぶ場合がある。g(i,j,k,l)も、図17の(数式25)で示すような対称性を有している。

15

【0035】さて、原始基底関数がは、その角運動量 n、軌道指数と、原子核座標Rの組み合わせで、一意的 に示すことができる。i,j,k,l番目の原始基底関 数が、図9に示す表1のような角運動量、軌道指数、原 子核座標を有するものと仮定する。

【0036】説明の煩雑さを避けるために、以下の説明 10 では、原始基底関数の番号 i , j , k , l の代わりに、それぞれの角運動量 a , b , c , d を用いて 2 電子積分を [ab , cd] のように表わすことにする。

【0037】上記のように用意された基底関数セットを用いて2電子積分を計算する効率的な手法を、文献1(S. Obara and A. Saika, JCP, vol. 84, no. 7, p. 3964, 1986) に 従って説明する。

【0038】まず、a, b, c, dが全てs 軌道、すなわちa=0, =(0,0,0), b=0, =(0,0,0), c=0, =(0,0,0), d=0, =(0,0,0) である場合には、(数式24)の2電子積分は、図18の(数式26) \sim (数式34)に示すように求まる。

【0039】ここで、(数式26) に現れる [$\cdot \cdot$, \cdot] ($^{\circ}$) は補助積分、 $^{\circ}$ のは補助インデックスであるが、これらについては後で述べる。(数式27) の積分範囲は、0から1である。

【0040】また、a, b, c, dのうち1つでもs軌道以外のものがある場合には、図19の(数式35)お 30よび(数式36)に示す漸化式を用いて計算する。

【0041】(数式35)で、添え字のiは、xまたは yまたは2成分であることを示す。また、1, は、i成分のみ1で、他は0であるようなベクトルである。 さらに、N, (n) は、角運動量nのi成分の値を示すものである。(数式35) は、左辺の補助積分に現れる角運動量の1つは右辺では確実に1以上減少し、また、左辺の補助積分の補助1つでは同じあるいは 1だけ増加する、という性質を有している。

【0042】補助積分[・・,・・] '*' は、補助インデックスmが0であるときに、2電子積分[・・,・

・]に正確に一致するものであり、2電子積分の計算を補助するものである。どんなに角運動量の大きな基底関数を含んだ2電子積分であっても、(数式35)を繰り返し用いて角運動量を減少させ、最後には、全て角運動量が(0,0,0)であるような補助積分に行き着くことができる。角運動量が(0,0,0)であるような補助積分は、(数式26)を用いて計算できるので、その数値と適当な係数を乗じ、加算すれば2電子積分の数値が得られる。

【0043】実際の計算は、以下のように行う。まず、(数式35)に従って、2電子積分を8つ以下の補助積分を用いた形式に表わす。ここで現れた補助積分に対して、さらに、(数式35)を適用する。このような手続きを繰り返して、全て角運動量が(0,0,0)であるような補助積分に行き着くまでの道筋を、計算手順として記録しておく。

【0044】次に、(数式26)を用いて角運動量が(0,0,0)であるような補助積分を計算し、そこから出発して、先ほどの計算手順をたどりながら補助積分の数値を計算していき、最後に目的とする2電子積分の数値を得る。

【0045】(数式35)が有するもう一つの重要な性質は、2電子積分に現れる4つの角運動量の組み合わせが同じであれば、軌道指数や原子核座標の組み合わせが異なっていても、上記の計算手順としては全く同じものを用いることができることである。計算の実行に際しては、軌道指数や原子核座標に応じて補助積分に乗じる係数を変えてやるだけで良い。

20 【0046】 [カットオフ] 上述したように、計算しなければならない縮約基底関数で表わした2電子積分の数は、縮約基底関数の数Nに対してN'となる。実際に数値を得なければならないのは、原始基底関数で表わした2電子積分の方であるが、その総数は、縮約基底関数で表わした2電子積分の数の数倍から数10倍(縮約基底関数を構成する原始基底関数の数、すなわち縮約数に依存する)に及ぶ。

【0047】この個数を減らす手法として、第1に考えられるのは、(数式19)あるいは(数式25)に記した対称性を利用することである。しかしながら、この方法では最も効率化を行っても2電子積分の計算量は1/8にしかならない。

【0048】もう1つの手法は、計算精度の観点から、 不必要と判断できる2電子積分の計算を、積極的に排除 する方法である。不必要な2電子積分の判断は、以下の ように行うことができる。

【0049】上述したように、全ての2電子積分の数値は、(数式26)に示した全て角運動量が(0,0,

0) であるような補助積分 [00,00] (*) の数値に基づいて計算される。したがって、2電子積分の数値の、フォック行列要素の数値への寄与が計算誤差の程度であるかどうかを、 [00,00] (*) の数値で判断することが可能である。さらに、 [00,00] (*) の数値の大きさは、(数式29) に示した関数Κ (ζ,

ζ', R, R') の値から、さらに、それは、図19の (数式37) の大きさから判断することができる。

【0050】したがって、(ζ_a , A, ζ_b , B)の数値の組み合わせで、(数式25)の1つ目の関数Kの大きさを見積ることで、2電子積分 [ab, **]を計算50 する必要があるかどうかを判断し、また、(ζ_a , C,

10

50

17

く。, D) の数値の組み合わせで、(数式26)の2つ目の関数Kの大きさを見積ることで、2電子積分[**, cd]を計算する必要があるかどうかを判断することができる。

【0051】このようにして、不必要な2電子積分の計算を排除することを、「カットオフする」と呼ぶことにする。上記の例で、aおよびbの情報だけから判断してカットオフする場合には、abでのカットオフ、cおよびdの情報だけから判断してカットオフする場合には、cdでのカットオフ、と呼ぶ場合がある。このように、abだけで、あるいはcdだけでカットオフするかどうかの判断ができるのは、図19の(数式37)の最大値が1で下限値が0だからである。このようにカットオフを行うことにより、計算しなければならない2電子積分は、概略でN²に比例する個数となり、計算量を大幅に低減できる。

【0052】上述のことから、Nが大きい場合には、2 電子積分の対称性を利用することによる効果よりも、カットオフによる計算量低減の効果の方が桁違いに大きく、これを取り入れることによって、非経験的分子軌道 20 計算におけるフォック行列の計算に要する処理時間が大きく短縮できることがわかる。

【0053】 [分子軌道計算機システムの例] フォック 行列要素の計算を、並列計算機を用いて高速に行うシステムの例として、文献2(白川他, "超高速分子軌道計算専用機MOEのアーキテクチャ",電子情報通信学会技術報告, vol. CPSY96-46, no. 5, pp. 45-50, 1996)に記載のシステムがある。【0054】この文献2では、ホスト計算機に、複数個のプロセッサエレメントをバスを介して接続して並列処理を行うシステムが示されている。この文献2では、このような構成を有する並列処理システムのアーキテクチャの検討に際して、R, S, T, Uの4つのインデックスで構成される4重ループのまわし方および並列化を行う部分の種々の方法に関して、全体の計算量およびプロセッサエレメントに必要なメモリ量を見積っている。

【0055】文献2に記載されている並列処理システムは、個々のプロセッサ・エレメントが高い演算処理能力を有する上、システム全体を低価格で実現することが可能であるため、コストパフォーマンスの優れた計算シスがであるため、コストパフォーマンスの優れた計算シスがであるため、コストパフォーマンスの優れた計算シスがであるとができる。しかしながら、文献2でが、前述したカットオフを考慮する場合の方法や具体的なループの制御方法への言及がなく、効率的な処理が行えるかどうかが不明であった。

RI】である。したがって、通信データ数の観点からた。

RI】である。したがって、通信データ数の観点からた。

【0056】[I. Fosterらの方法] フォック行列要素の計算を、並列計算機を用いて効率的に行うアルゴリズムとして、文献3 (I. T. Foster, et. al., "Toward High-Performance Computational Chemistry: I. Scalable Fock Mat

rix Construction Algorithms", Journal of Computational Chemistry, vol. 17, no. 1, p. 109, 1996) に記載のアルゴリズムがある

【0057】この文献3では、幾つかのフォック行列要素計算アルゴリズムに関して、その計算量およびホスト計算機と、複数のプロセッサ・エレメントとの間の通信量を解析している。その内容を、以下に説明する。

【0058】第1のアルゴリズムは、カノニカル法と呼ばれる最も簡単なアルゴリズムである。この手法では、1つのプロセッサ・エレメントに、図20に示す(数式38)の関係を満たす4個の縮約基底関数 I, J, K, Lと、6個の密度行列要素 P_{11} , P_{12} , P_{13} , P_{14} , P_{15} , P_{17} , P_{17} , P_{18}

【0059】1つの2電子積分を計算する間に、ホスト計算機とプロセッサエレメントとの間で通信される行列要素の数を、perERIという単位で勘定することにすると、この場合には、通信データ数が12 [perERI]となる。

【0060】第2のアルゴリズムは、トリプルソート法と呼ばれるアルゴリズムである。図21の(数式40)の関係を満たす4個の縮約基底関数I, J, K, Lと、6個の密度行列要素 $P_{I,I}$, $P_{I,K}$, $P_{I,L}$,

【0061】この場合、3つの2電子積分を計算する間に、6つの密度行列要素と、6つのフォック行列要素の転送が必要であるので、通信データ数は、4 [perERI]である。したがって、通信データ数の観点からカノニカル法より優れていると言える。

【0062】しかしながら、プロセッサエレメントにおける原始基底関数で表わした2電子積分の計算時間を、例えば2マイクロ秒($=10^{-6}$ 秒、以下では μ sと記す)と仮定し、また、縮約基底関数の平均の縮約数を1.5と仮定し、密度行列要素やフォック行列要素が、倍精度の浮動小数点数すなわち64ビットのデータサイズであると仮定すると、1つの縮約基底関数で表わした2電子積分の計算時間は、約10 μ sとなり、1つのプロセッサエレメント当たりで、25.6Mbps(25.6×10 6 bit per second)の通信性能が、ホスト計算機とプロセッサエレメントとの間で必要とされることになる。

【0063】計算性能を上げるために、プロセッサエレメント数Mを、例えば100とした場合には、全体の通信性能としては、2560Mbpsが要求されることとなるが、現在の技術で、このような通信性能を達成するのは容易でない。

19

【0064】安価な通信手段、例えばIEEE1394 バス規格で定められたシリアル通信では、200Mbp sの通信性能が実現できるが、それを用いてトリプルソ ート法を採用したフォック行列要素並列計算を行うと、 全体の処理時間が通信時間で律速されてしまい、行列の 10 対称性を利用した計算時間低減の効果は得られなくなっ てしまう。

【0065】第3のアルゴリズムは、単純ブロック法と呼ばれる手法である。これは、さらに、カノニカル法に基づいたものと、トリブルソート法に基づいたものとに細分類できる。この第3のアルゴリズムは、縮約基底関数をブロック化しておくことにより、密度行列要素やフォック行列要素の利用効率を高め、通信量を低減する手法である。

【0066】トリプルソート法に基づいて、その手法を 20 説明する。まず、N個ある縮約基底関数を、 I_c 個毎に、n (= $N\div I_c$) 個のブロックに分割する。ブロックの番号を、 I_s , J_s , K_s , L_s のように表わすことにする。次に、図21の(数式42)の関係を満たす4個の縮約基底関数ブロック I_s , J_s , K_s , L_s と、6個の密度行列要素ブロックP(I_s , I_s), I_s 0, I_s 1, I_s 2, I_s 3, I_s 3, I_s 3, I_s 4, I_s 5, I_s 6, I_s 7, I_s 8, I_s 8, I_s 9, I_s 9,

【0067】プロセッサエレメントが計算する2電子積分は、G(I, J, K, L), G(I, K, J, L), G(I, L, J, K) に対応する3 I_c 4 個の2電子積分であり、プロセッサエレメントは、前述の(数式41) と同様に、フォック行列要素プロックF(I_B , J_B), $F(I_B, K_B)$, $F(I_B, L_B)$, F0 (J_B, K_B), $F(J_B, L_B)$, $F(K_B, L_B)$ を計算して、ホスト計算機に送り返す。

【0068】このときに送り返されるフォック行列要素数も、6 I $_{c}$ 2 個である。その結果、通信データ数は、12 I $_{c}$ 2 2 2 2 3 I $_{c}$ 4 4 2 1 6 2 [perERI] となる。つまり、ブロック内の縮約基底関数の数を多くすればするほど、密度行列要素やフォック行列要素の利用効率が高まり、通信量が低減する。なお、カノニカル法の場合には、図21の(数式42)に代わり(数式43)を用いる。

【0069】 さらに、通信量を低減する第4の手法として、列ブロック法がある。これは、単純ブロック法において、 I_s , I_s , K_s の組み合わせが同じで、 L_s だけが異なる計算を、全て1つのプロセッサエレメントに 50

割り当てる手法である。この手法のフローチャートを図10に示した。なお、図10において破線で示した矢印の部分は、その後の処理がその前の処理で律速されるのでなく、他の処理系からの情報の入力待ちとなることを示している。

【0070】列ブロック法も、さらに、カノニカル法に基づいたものとトリブルソート法に基づいたものとに細分類できるが、トリプルソート法に基づいて、図10のフローチャートを参照しながら説明する。

【0071】まず、最初に単純ブロック法と同様に、N個ある縮約基底関数を、I、個毎にn(=N+I。)個のブロックに分割する(ステップS1)。次に、ホスト計算機は、特定のプロセッサエレメントに割り当てる縮約基底関数ブロックI。,I。,K。の組み合わせ(I。,I。,K。)を決定する(ステップS2)。

【0072】次に、ホスト計算機は、プロセッサエレメントへ、前述の(数式42)の関係を満たす3個の縮約基底関数プロックI₈, J₈, K₈に対応して、要素数が各々I₆×I₆個の密度行列要素プロックP(I₈,

0 J_B), P(I_B, K_B), P(J_B, K_B) および要素数が各々K_B×I_C×I_C個の密度行列要素プロックの列P(I_B, L), P(K_B, L) を送信する(ステップS3およびステップS4)。但し、Lは、1からK_B×I_Cの範囲の全てである。

【0073】次に、これらをステップS11およびステップS12で受信したプロセッサエレメントは、内部でLに関するループをまわし、単純プロック法と同じ2電子積分およびフォック行列要素を計算する(ステップS13)。全てのLに対する計算が終了すると、プロセッサエレメントは、要素数が各々 $K_B \times I_C \times I_C$ 個のフォック行列要素プロックの列F(I_B , I_C),F(I_C)。

【0074】ホスト計算機は、ステップS5およびステップS6で、それらを受信する。そして、ステップS2に戻り、以上の処理を繰り返す。

40 【0075】 このようにすることにより、密度行列要素やフォック行列要素の利用効率がさらに高まり、2電子積分1つあたりの通信データ数は、2/NIc+2/Ic²[perERI]となり、N>>Icを仮定すれば、単純プロック法の約半分となる。

【0076】 さらに、プロセッサエレメント上の I_s , J_s , K_s の組み合わせを更新した際に、変化するのが K_s のみである場合には、行列要素プロック P (I_s , I_s) および行列要素プロックの列 P (I_s , I_s) 、P (I_s , I_s) は、プロセッサエレメント上に残して再利

用できるので、通信データ数はさらに減って、4/3N I_c +2/3 I_c ² [perERI] となる。

21

【0077】列ブロック法と同様の思想で、さらに密度 行列要素やフォック行列要素の利用効率を髙める第5の 手法として、クラスタリング法が、文献2では紹介され ている。しかしながら、この手法は、負荷分散あるいは スケーラビリティの観点から劣る手法であるとされてお り、ここでは説明を省略する。

[0078]

【発明が解決しようとする課題】 [カットオフを考慮し 10 た場合の問題点] 上述した文献3に記載されているうち で、最も優れた第4のアルゴリズムであっても、カット オフを考慮した場合には不都合が生じる場合がある。そ のような例を以下に示す。なお、カットオフにより生き 残る割合を α 、プロセッサエレメント数をM、1つの2 電子積分G(I, J, K, L) 当たりの計算時間をTe r i (μs)、行列要素のデータ長を64ビットとす る。

【0079】カノニカル法の場合には、1つのプロセッ サエレメントに割り当てられたジョブ当たりに発生する 20 通信量は、最低(すなわち、組み合わせの更新時に変化 するのがK。だけの場合)でも、

 $2 (2 I_c + K_B I_c \times) \times 64$ となる一方、その間にプロセッサエレメントで計算され る2電子積分の個数は、

 α^2 K_B I_C ⁴ (個)

なので、全体で必要な通信性能は、図22に示す(数式 44) のようなものとなる。

【0080】トリプルソート法の場合には、1つのプロ セッサエレメントに割り当てられたジョブ当たりに発生 30 する通信量は、最低(すなわち、組み合わせの更新時に 変化するのがK。だけの場合)でも、

2 (2 $I_c^2 + K_B I_c^2$) × 6 4 (bit) となる一方、その間にプロセッサエレメントで計算され る2電子積分の個数は、

 $3 \alpha^2 K_B I_c$ (個)

なので、全体で必要な通信性能は、図22に示す(数式 45) のようなものとなる。

【0081】並列処理のプロセッサ・エレメント数Mを 表わした2電子積分g(i, j, k, l)の計算時間が 2μs、縮約基底関数の平均縮約数を1.5 (従って、 2電子積分G(I, J, K, L) 1つ当たりの計算時間 $Teriを10\mu s)$ 、カットオフにより生き残る割合 αを0.05、とした場合に、必要とされるホスト計算 機とプロセッサエレメントとの間の通信性能のプロック サイズIcに対する依存性を計算すると、カノニカルの 場合には、図11に示すように、トリプルソートの場合 には、図12に示すようになる。

【0082】カノニカルの場合にも、また、トリブルソ 50 び複数のプロセッサエレメントにより構成される並列計

ートの場合にも、必要な通信性能はK。の値に依存して 変化するが、K。>100ではその変化量が小さく、実 際の通信性能に応じて、ブロックサイズIcを、カノニ カルの場合なら、例えば50に、トリプルソートの場合 であれば、例えば30に、それぞれ設定することが可能

【0083】文献3で前提としているような、十分に大 きなデータ保持容量を有するワークステーションを、多 数台用いるシステムでは、このような方法で計算を行う ことが可能であるが、そのようなシステムを構成するに は、多大な費用が必要である。

【0084】一方、文献2にあるような、せいぜい数1 0 Mビット程度の小さな容量のメモリが接続される安価 な専用プロセッサ・エレメントを用いた計算システムで は、列単位で保持できる行列要素は10列以下、すなわ ち、許されるブロックサイズは2から3程度までであ

【0085】この場合には、図11あるいは図12の結 果から、通信の手段としてIEEE1394バス規格で 定められているような安価なシリアル通信を用いた場合 には、その性能が200Mbpsであることを考慮する と、通信性能が律速しない効率的な処理を行うことが不 可能である。

【0086】この発明は、以上のような点にかんがみ、 安価な通信手段と小容量のメモリを有する多数のプロセ ッサ・エレメントを用いた並列計算によっても、ホスト 計算機とプロセッサ・エレメントとの間の通信性能に律 速されることなく、効率的に行列要素計算を行える並列 処理方法を提供することを目的とする。

[0087]

【課題を解決するための手段】上記目的を達成するため に、請求項1に記載の発明の行列要素の並列計算方法 は、同じ1からNの範囲にある4つの整数インデックス I, J, K, Lを用いて表わされ、G(I, J, K, L) = G (I, J, L, K) = G (J, I, K, L) =G(J, I, L, K) = G(K, L, I, J) = G(K, L, J, I) = G(L, K, I, J) = G(L,K, J, I) なる関係を満たす関数Gの関数値G(I, J, K, L)と;2つの前記整数インデックスK, Lを 100、プロセッサエレメントにおける原始基底関数で 40 用いて表わされ、P(K, L)=P(L, K)なる関係 を満たす行列 Pの要素 P(K, L)と;係数 A1と;の 積A1・P(K, L)・G(I, J, K, L) について の前記範囲の全ての前記Kおよび前記Lに関する総和F 1 (I, J) と、前記関数値G(I, L, K, J)と; 前記行列要素P(K,L)と;係数A2と;の積A2・ P(K, L)・G(I, L, K, J) に関する前記範囲 の全ての前記Kおよび前記Lにおける総和F2(I, J) との和F(I, J) = F1(I, J) + F2(I, J) を要素とする行列Fの全要素を、ホスト計算機およ

算装置を用いて計算する行列要素の並列計算方法におい て、前記ホスト計算機で前記1からNの範囲にある前記 インデックスを複数のブロックに分割して、第1のブロ ック群を形成し、前記ホスト計算機で前記第1のブロッ ク群のブロックを指示する3つの整数インデックスI B, JB, KBに関する所定の3重ループを形成し、前 記ホスト計算機で前記ブロックを指示する前記3つの整 数インデックス I B、 J B、 K B で指定されたものを単 位として1つのジョブを形成し、前記ホスト計算機で前 記1つのジョブを、前記並列計算装置内の一つの前記プ 10 ロセッサエレメントに対して割り当て、前記ホスト計算 機は、前記ジョブの割り当てを行う際に、前記ブロック I Bに含まれる前記インデックス I 、および前記ブロッ クJBに含まれる前記インデックスJ、および前記ブロ ックKBに含まれる前記インデックスK、に対応する行 列要素P(I, J)およびP(I, K)およびP(J, K) の少なくとも一部を前記プロセッサエレメントに対 して送信し、前記プロセッサエレメントは、前記1から Nの範囲にある前記整数インデックスを、前記第1のブ ロック群と同じまたは異なる複数のブロックに分割し て、第2のブロックを形成して、その前記第2のブロッ ク群のブロックを指示するインデックスLBに関するル ープ制御を行うとともに、前記インデックスLBが切り 替わる毎に、前記ブロック I Bに含まれる前記インデッ クスI、および前記ブロックJBに含まれる前記インデ ックスJ、および前記プロックKBに含まれる前記イン デックスK、および前記ブロックLBに含まれる前記イ ンデックスL、にそれぞれ対応する行列要素P(I, L) およびP (J, L) およびP (K, L) の少なくと も一部を前記ホスト計算機から受信し、前記ブロックI Bに含まれる前記インデックスI、および前記ブロック JBに含まれる前記インデックスJ、および前記ブロッ クKBに含まれる前記インデックスK、および前記ブロ ックLBに含まれる前記インデックスL、にそれぞれ対 応する関数値G(I, J, K, L)の少なくとも一部を 計算し、前記計算された関数値G(I, J, K, L)を 用いて、前記ブロックIBに含まれる前記インデックス I、および前記ブロックJBに含まれる前記インデック スJ、および前記ブロックKBに含まれる前記インデッ クスK、および前記ブロックLBに含まれる前記インデ 40 ックスL、に対応する行列要素F(I, J)およびF (I, K) およびF (J, K) およびF (I, L) およ びF(J, L)およびF(K, L)の少なくとも一部を 所定の計算式に従って計算し、前記ブロックIBに含ま れる前記インデックスI、および前記ブロックJBに含 まれる前記インデックスJ、および前記ブロックKBに 含まれる前記インデックスK、および前記ブロックLB に含まれる前記インデックスL、に対応する行列要素F (I, L) およびF (J, L) およびF (K, L) の少 なくとも一部を前記ホスト計算機へ送信し、さらに、前 50

記プロセッサエレメントは、前記ジョブの終了時に、前記プロックIBに含まれる前記インデックスI、および前記ブロックJBに含まれる前記インデックスJ、および前記ブロックKBに含まれる前記インデックスK、にそれぞれ対応する行列要素F(I, J)およびF(I, K)およびF(J, K)の少なくとも一部を前記ホスト計算機へ送信することを特徴とする。

24

【0088】また、請求項2に記載の発明の行列要素の 並列計算方法は、同じ1からNの範囲にある4つの整数 インデックス I, J, K, Lを用いて表わされ、G (I, J, K, L) = G(I, J, L, K) = G(J,I, K, L) = G (J, I, L, K) = G (K, L,I, J) = G(K, L, J, I) = G(L, K, I,J) = G (L, K, J, I) なる関係を満たす関数Gの 関数値G(I, J, K, L)と;2つの前記整数インデ ックスK, Lを用いて表わされ、P(K, L)=P (L, K) なる関係を満たす行列Pの要素P(K, L) と;係数A1と;の積A1・P(K, L)・G(I, J, K, L) についての前記範囲の全ての前記Kおよび 前記Lに関する総和F1(I, J)と、前記関数値G (I, L, K, J) と;前記行列要素P(K, L)と; 係数A2と;の積A2・P(K, L)・G(I, L, K, J) に関する前記範囲の全ての前記Kおよび前記L における総和F2(I, J)との和F(I, J)=F1 (I, J) + F 2 (I, J) を要素とする行列Fの全要 素を、ホスト計算機および複数のプロセッサエレメント により構成される並列計算装置を用いて計算する行列要 素の並列計算方法において、前記ホスト計算機で前記1 からNの範囲にある前記インデックスを複数のブロック に分割して、第1のブロック群を形成し、前記ホスト計 算機で前記第1のブロック群のブロックを指示する3つ の整数インデックス IB, JB, KBに関する所定の3 重ループを形成し、前記ホスト計算機で前記プロックを 指示する前記3つの整数インデックス IB, JB, KB の3つが固定されたものを単位として1つのジョブを形 成し、前記ホスト計算機で前記1つのジョブを前記並列 計算装置内の一つのプロセッサエレメントに対して割り 当て、前記ホスト計算機は、前記ジョブの割り当てを行 う際に、前記ブロック I Bに含まれる前記インデックス I、および前記ブロックJBに含まれる前記インデック ス」、および前記ブロックKBに含まれる前記インデッ クスK、に対応する行列要素P(I, J)およびP (I, K) およびP(J, K) の少なくとも一部を前記 プロセッサエレメントに対して送信し、前記プロセッサ エレメントは、前記1からNの範囲にある前記インデッ クスを、前記第1のブロック群と同じまたは異なる複数 のブロック群に分割して、第2のブロック群を形成し て、その前記第2のブロック群のブロックを指示するイ ンデックスLBに関するループ制御を行うとともに、前 記インデックスLBが切り替わる毎に、前記ブロックI

Bに含まれる前記インデックスI、および前記ブロック JBに含まれる前記インデックスJ、および前記ブロッ クKBに含まれる前記インデックスK、および前記プロ ックLBに含まれる前記インデックスL、に対応する行 列要素P(I, L) およびP(J, L) およびP(K, L) の少なくとも一部を、前記ホスト計算機から受信 し、前記ブロックIBに含まれる前記インデックスI、 および前記ブロックJBに含まれる前記インデックス J、および前記ブロックKBに含まれる前記インデック スK、および前記プロックLBに含まれる前記インデッ 10 クスL、に対応する関数値G(I, J, K, L)および G (I, K, J, L) およびG (I, L, J, K) の少 なくとも一部を計算し、前記計算された関数値を用い て、前記ブロックIBに含まれる前記インデックスI、 および前記ブロックJBに含まれる前記インデックス J、および前記ブロックKBに含まれる前記インデック スK、および前記ブロックLBに含まれる前記インデッ クスL、に対応する行列要素F(I, J)およびF (I, K) およびF (J, K) およびF (I, L) およ びF(J, L) およびF(K, L) の少なくとも一部を 20 所定の計算式に従って計算し、前記ブロックIBに含ま れる前記インデックスI、および前記ブロックJBに含 まれる前記インデックス」、および前記ブロックKBに 含まれる前記インデックスK、および前記ブロックLB に含まれる前記インデックスL、に対応する行列要素F (I, L) およびF (J, L) およびF (K, L) の少 なくとも一部を、前記ホスト計算機へ送信し、さらに、 前記プロセッサエレメントは、前記ジョブの終了時に、 前記ブロックIBに含まれる前記インデックスI、およ び前記プロックJBに含まれる前記インデックスJ、お 30 よび前記ブロックKBに含まれる前記インデックスK、 に対応する行列要素F(I, J)およびF(I, K)お よびF(J,K)の少なくとも一部を、前記ホスト計算 機へ送信することを特徴とする。

25

【0089】また、請求項6に記載の発明の分子軌道計 算方法は、それぞれN個(Nは正の整数)の縮約シェル R, S, T, Uのそれぞれに含まれる原始シェルr, s, t, uのそれぞれの成分である原始基底関数 i, j, k, lをインデックスとして用いて表わされる2電 子積分関数gの関数値g(i,j,k,l)と;前記原 40 始基底関数 k をひとつの構成要素とする縮約基底関数 K および前記原始基底関数1をひとつの構成要素とする縮 約基底関数Lをインデックスとして用いて表わされる密 度行列 Pの要素 P(K, L)と;係数 A1と;の積 A1 ・P (K, L)・g (i, j, k, l)の全ての縮約基 底関数に関する総和 f 1 (I , J) と、前記 2 電子積分 関数gの関数値g(i, k, j, l)と;前記密度行列 Pの前記要案P(K, L)と;係数A2と;の積A2・ P(K, L)・g(i, k, j, l)の全ての縮約基底 関数に関する総和 f 2 (I, J) との和 f (I, J) = 50

f 1 (I, J) + f 2 (I, J) の、前記原始基底関数 i,前記原始基底関数jをそれぞれひとつの構成要素と する縮約基底関数I、縮約基底関数Jに含まれる全ての 原始基底関数に関する和で表わされるFock行列の全 ての要素F(I, J)の計算を、ホスト計算機および複 数のプロセッサエレメントにより構成される並列計算装 置を用いて計算する分子軌道計算方法において、前記ホ スト計算機で前記1からNの範囲にある縮約基底関数の 前記インデックスを複数のブロックに分割して、第1の ブロック群を形成し、前記ホスト計算機で前記第1のブ ロック群のブロックを指示する3つの整数インデックス IB、JB、KBに関する所定の3重ループを形成し、 前記ホスト計算機で前記ブロックを指示する前記3つの 整数インデックス I B, J B, K B で指定されたものを 単位として1つのジョブを形成し、前記ホスト計算機で 前記1つのジョブを、前記並列計算装置内の一つの前記 プロセッサエレメントに対して割り当て、前記ホスト計 算機は、前記ジョブの割り当てを行う際に、前記ブロッ ク I Bに含まれる前記縮約基底関数 I 、および前記プロ ックJBに含まれる前記縮約基底関数J、および前記ブ ロックKBに含まれる前記縮約基底関数K、に対応する 密度行列要素P(I, J)およびP(I, K)およびP (J, K) の少なくとも一部を、前記プロセッサエレメ ントに対して送信し、前記プロセッサエレメントは、前 記1からNの範囲にある縮約シェルを、前記第1のプロ ック群と同じまたは異なる複数のブロックに分割して、 第2のブロック群を形成して、その前記第2のブロック 群のブロックを指示する整数インデックスLBに関する ループ制御を行うとともに、前記インデックスLBが切 り替わる毎に、前記ブロックIBに含まれる前記縮約基 底関数I、および前記ブロックJBに含まれる前記縮約 基底関数」、および前記ブロックKBに含まれる前記縮 約基底関数K、および前記ブロックLBに含まれる前記 縮約基底関数L、に対応する密度行列要素P(I,L) およびP(J, L) およびP(K, L) の少なくとも一 部を、前記ホスト計算機から受信し、前記プロックIB に含まれる前記縮約基底関数 I を構成する前記原始基底 関数 i 、および前記ブロック J B に含まれる前記縮約基 底関数」を構成する前記原始基底関数j、および前記ブ ロックKBに含まれる前記縮約基底関数Kを構成する前 記原始基底関数k、および前記プロックLBに含まれる 前記縮約基底関数しを構成する前記原始基底関数1に対 応する2電子積分の関数値g (i,j,k,l)の少な くとも一部を計算し、その計算により求められた前記関 数値を用いて、前記ブロックIBに含まれる前記縮約基 底関数Ⅰ、および前記ブロックJBに含まれる前記縮約 基底関数J、および前記プロックKBに含まれる前記縮 約基底関数K、および前記ブロックLBに含まれる前記 縮約基底関数L、に対応するフォック行列要素F(I, J) およびF(I, K) およびF(J, K) およびF

20

(I, L) およびF (J, L) およびF (K, L) の少 なくとも一部を所定の計算式に従って計算し、前記プロ ックIBに含まれる前記縮約基底関数I、および前記ブ ロックJBに含まれる前記縮約基底関数J、および前記 ブロックKBに含まれる前記縮約基底関数K、および前 記ブロックLBに含まれる前記縮約基底関数L、に対応 するフォック行列要素F(I,L)およびF(J,L) およびF(K, L)の少なくとも一部を前記ホスト計算 機へ送信し、さらに、前記プロセッサエレメントは、前 記ジョブの終了時に、前記ブロック IBに含まれる前記 10 縮約基底関数 I、および前記ブロック JB に含まれる前 記縮約基底関数J、および前記ブロックKBに含まれる 前記縮約基底関数K、に対応するフォック行列要素F (I, J) およびF (I, K) およびF (J, K) の少 なくとも一部を前記ホスト計算機へ送信することを特徴 とする。

27

【0090】また、請求項7に記載の発明の分子軌道計 算方法は、それぞれN個(Nは正の整数)の縮約シェル R, S, T, Uのそれぞれに含まれる原始シェルr, s, t, uのそれぞれの成分である原始基底関数 i, j, k, lをインデックスとして用いて表わされる2電 子積分関数gの関数値g(i,j,k,l)と;前記原 始基底関数kをひとつの構成要素とする縮約基底関数K および前記原始基底関数1をひとつの構成要素とする縮 約基底関数しとをインデックスとして用いて表わされる 密度行列Pの要素P(K, L)と;係数A1との積A1 ·P(K, L)·g(i, j, k, l)の全ての縮約基 底関数に関する総和f1(I,J)と、前記2電子積分 関数gの関数値g(i, k, j, l)と;前記密度行列 Pの前記要素P(K, L)と;係数A2と;の積A2・ P(K, L)・g(i, k, j, l)の全ての縮約基底 関数に関する総和 f 2 (I, J) との和 f (I, J) = f 1 (I, J) + f 2 (I, J) の、前記原始基底関数 i,前記原始基底関数jをそれぞれひとつの構成要素と する縮約基底関数 I 、縮約基底関数 J に含まれる全ての 原始基底関数に関する和で表わされるFock行列の全 ての要素F(I, J)の計算を、ホスト計算機および複 数のプロセッサエレメントにより構成される並列計算装 置を用いて計算する分子軌道計算方法において、前記ホ スト計算機で前記1からNの範囲にある縮約基底関数の 40 前記インデックスを複数のブロックに分割して、第1の ブロック群を形成し、前記ホスト計算機で前記第1のブ ロック群のブロックを指示する3つの整数インデックス IB, JB, KBに関する所定の3重ループを形成し、 前記ホスト計算機で前記ブロックを指示する前記3つの インデックス IB, JB, KBで指定されたものを単位 として1つのジョブを形成し、前記ホスト計算機で前記 1つのジョブを前記並列計算装置内の一つのプロセッサ エレメントに対して割り当て、前記ホスト計算機は、前 記ジョブの割り当てを行う際に、前記ブロック I Bに含 50

まれる前記縮約基底関数Ⅰ、および前記ブロックJBに 含まれる前記縮約基底関数J、および前記ブロックKB に含まれる前記縮約基底関数K、に対応する密度行列要 素P(I, J)およびP(I, K)およびP(J, K) の少なくとも一部を、前記プロセッサエレメントに対し て送信し、前記プロセッサエレメントは、前記1からN の範囲にある縮約シェルを、前記第1のブロック群と同 じまたは異なる複数のブロック群に分割して、第2のブ ロック群を形成して、その前記第2のブロック群のブロ ックを指示するインデックスLBに関するループ制御を 行うとともに、前記インデックスLBが切り替わる毎 に、前記プロックIBに含まれる前記縮約基底関数I、 および前記ブロックJBに含まれる前記縮約基底関数 J、および前記プロックKBに含まれる前記縮約基底関 数K、および前記ブロックLBに含まれる前記縮約基底 関数し、に対応する密度行列要素P(I,L)およびP (J. L) およびP(K. L) の少なくとも一部を、前 記ホスト計算機から受信し、前記ブロックIBに含まれ る前記縮約基底関数 I を構成する前記原始基底関数 i 、 および前記ブロックJBに含まれる前記縮約基底関数J を構成する前記原始基底関数 j 、および前記プロック K Bに含まれる前記縮約基底関数Kを構成する前記原始基 底関数k、および前記ブロックLBに含まれる前記縮約 基底関数しを構成する前記原始基底関数1、に対応する 2電子積分g(i, j, k, l) およびg(i, k, j, l) およびg(i, l, j, k) の少なくとも一部 を計算し、この計算された前記関数値を用いて、前記ブ ロック I Bに含まれる前記縮約基底関数 I 、および前記 ブロックJBに含まれる前記縮約基底関数J、および前 記ブロックKBに含まれる前記縮約基底関数K、および 前記ブロックLBに含まれる前記縮約基底関数L、に対 応するフォック行列要素F(I, J)およびF(I, K) およびF (J, K) およびF (I, L) およびF (J, L) およびF(K, L) の少なくとも一部を所定 の計算式に従って計算し、前記ブロックIBに含まれる 前記縮約基底関数Ⅰ、および前記ブロックJBに含まれ る前記縮約基底関数J、および前記プロックKBに含ま れる前記縮約基底関数K、および前記ブロックLBに含 まれる前記縮約基底関数し、に対応するフォック行列要 素F(I, L) およびF(J, L) およびF(K, L) の少なくとも一部を、前記ホスト計算機へ送信し、さら に、前記プロセッサエレメントは、前記ジョブの終了時 に、前記ブロックIBに含まれる前記縮約基底関数I、 および前記ブロックJBに含まれる前記縮約基底関数 J、および前記ブロックKBに含まれる前記縮約基底関 数K、に対応するフォック行列要素F(Ⅰ、J)および F(I,K)およびF(J,K)の少なくとも一部を、 前記ホスト計算機へ送信することを特徴とする。

[0091]

【作用】上述の構成のこの発明の計算アルゴリズムを用

いると、安価な通信手段と小容量のメモリを有する多数 のプロセッサとを用いた並列計算によっても、ホスト計 算機とプロセッサとの間の通信性能の影響でシステム全 体の処理性能が低下することなく、効率的に行列要素計 算を行える並列計算方法および分子軌道計算方法を提供 することができる。

29

[0092]

【発明の実施の形態】以下、この発明の実施の形態を、図を参照しながら説明する。以下に説明する実施の形態では、図1に示すような安価な計算機システムを用いる。

【0093】すなわち、図1は、この実施の形態の並列計算システムの全体の構成を示すもので、ホスト計算機1に対して、バス3を通じて、複数個のプロセッサエレメント2が接続されている。バス3としては、例えばIEEE1394シリアルバスが用いられる。

【0094】なお、各プロセッサエレメント2のメモリ容量は、数10Mビット、例えば20Mビットであり、行列要素が64ビットの浮動小数点数で表わされる密度行列およびフォック行列のサイズが、10000×1000であっても、各行列の10列分は十分格納できる容量のものが用いられる。この程度の容量のメモリを各プロセッサエレメントに持たせることは、現在の技術で十分に可能である。

【0095】この発明の実施の形態の行列要素計算アルゴリズムは、従来の技術の欄で説明した文献3に記載された第3のアルゴリズムである単純ブロック法を改良したものである。

【0096】この実施の形態で用いるアルゴリズムは、上記の単純ブロック法において、ブロック番号 I。, J 30。, K。の組み合わせが同じで、ブロック番号 L。だけが異なる計算を、全て1つのプロセッサエレメントに割り当てる手法であるが、後述するように、この手法は、文献3に記載された第4のアルゴリズムである列ブロック法とは異なる手法であって、列ブロック化法と比較して、小さな容量(せいぜい数10Mbit)のメモリが接続される安価な専用プロセッサを用いた、図1のような並列計算システムにおいても比較的大きなブロックサイズが許されるため、安価なシリアル通信を用いても通信性能が律速しない効率的な処理を行うことが可能とな 40 るものである。

【0097】また、ブロック番号L。が指示するブロックの単位は、ブロック番号 I。, J。, K。が指示するブロックの単位と一致している必要はなく、別のブロックわけを行うことも可能である点で、単純ブロック法とも異なるものである。

【0098】以下の説明では、I。, J。, K。が指示するブロックは、I。個のインデックスから構成され、L。が指示するブロックは、I。(I。とは異なる)個のインデックスから構成されているものとする。

【0099】なお、この実施の形態の計算手法も、さらに、カノニカル法に基づいたものと、トリプルソート法に基づいたものとに細分類できる。

【0100】この発明の実施の形態の計算手法を、図2に示したフローチャートに沿って説明する。なお、図2において破線で示した矢印の部分は、その後の処理が、その前の処理で律速されるのでなく、他の処理系からの情報の入力待ちとなることを示している。

【0101】まず、最初に、ホスト計算機1は、単純ブ10 ロック法と同様に、N個ある縮約基底関数を、 I_c 個毎に、n (=N \div I $_c$) 個のブロックに分割する(ステップS101)。次に、ホスト計算機1は、特定のブロセッサエレメントに割り当てる縮約基底関数ブロックI $_B$, I_B

【0102】プロセッサエレメント2は、この縮約基底 関数ブロックI₁, J₂, K₃の組み合わせ(I₃, J₄, K₃)を、ステップS201で受信する。

【0103】次に、ホスト計算機1は、プロセッサエレメント2に、図21に示した(数式42)または(数式43)の関係を満たす3個の縮約基底関数ブロック I_B , J_B , K_B に対応して、要素数が各々 I_C × I_C 個の密度行列要素ブロックP(I_B , I_B), P(I_B , I_B), I_B 0), I_B 0, I_B 1, I_B 2, I_B 3, I_B 4, I_B 5, I_B 6, I_B 7, I_B 8, I_B 9, I_B 9, I_B 9, I_B 1, I_B 2, I_B 3, I_B 3, I_B 3, I_B 4, I_B

【0104】一方、プロセッサエレメント2は、1から ブロックK。に含まれる最大のインデックスまでを、I 30。個ごとにm個のプロックに分割する(ステップS20 2)。そして、プロセッサエレメント2は、密度行列要 素ブロックP(I₈, J₈), P(I₈, K₈), P (J₈, K₈)を受信する(ステップS203)と、内 部で、L₈に関するループを、1からmまでまわす(ス テップS204~S209)。

【0105】このとき、 L_B が切り替わるたびに、プロセッサエレメント2は、ホスト計算機1へ、要素数が各々 I_C × I_B 個の密度行列要素ブロックP (I_B , L_B) , P (I_B , L_B) の送信を要求して、それらを受信する(ステップS 2 0 5) 。

【0106】この後、プロセッサエレメント2は、内部で、Lに関するループをまわす(ステップS206)。このステップS206のループにおいては、L。に含まれる全てのLに関わる2電子積分およびフォック行列要素を計算する。

【0107】このステップS206のループが完了して、1つのL。に対する計算が終了すると、プロセッサエレメント2は、要素数が各々 $I_c \times I$ 。個のフォック行列要素プロック $F(I_B, L_B)$, $F(J_B,$

50 L。), F(K。, L。) を、ホスト計算機1に送り返

す(ステップS207)。

【0108】 このような処理を、前記(数式42) ある いは(数式43)に示す関係を満たす全てのL。に対し て終了したと判断すると(ステップS209)、プロセ ッサエレメント2は、要素数が各々Ic×Ic 個のフォ ック行列要素ブロックF(I,,J,),F(I,,K 。), F(J。, K。) を、ホスト計算機1に送り返す (ステップS210)。

31

【0109】上述したこの発明の実施の形態の計算方法 が、従来例における列ブロック法と比較して優れている 10 のとなる。 点は、カットオフを考慮した場合にも、不都合が生じな いことである。その例として、通信の手段としてはIE EE1394規格で定められたシリアル通信を用い、そ の性能が200Mbpsであること、プロセッサエレメ ント2の数Mが100であること、プロセッサエレメン ト2における原始基底関数で表わした2電子積分g

(i, j, k, 1) の計算時間が $2 \mu s$ であること、縮 約基底関数の平均縮約数が1.5であること、を前提と した場合について説明する。

【0110】まず、カノニカル法の場合に付いて説明す 20 る。

【0111】Ic×I。個の要素P」で構成される密度 行列要素ブロックP(I。, L。)の要素は、図20の (数式39)の4行目の式で用いられる。したがって、 ホスト計算機1における密度行列要素P₁,の要・不要の 判断は、以下の条件が成立するかどうかで行う。

【0112】 [条件1];ブロックK。中の全てのKと Lとの間でのカットオフ条件

この条件1が成立した場合には、密度行列要素ブロック P(I₈, L₈)の要素は全て不要となるため、これを 30 ホスト計算機1からプロセッサエレメント2へ送信する 必要がなくなる。逆に、この条件1が成立しない場合に は、密度行列要素ブロックP(I_B, L_B)の要素は全 て必要となるので、これをホスト計算機1からプロセッ サエレメント2へ送信しなければならない。

【0113】以上のことから、1つのL。当たりで、ホ スト計算機1からプロセッサエレメント2へ送信される 密度行列要素P(I,L)の個数の期待値は、図22に 示す(数式46)のように見積ることができる。

【0114】密度行列要素プロックP(J_s, L_s)の 40 Lとの間でのカットオフ条件 要素は、前記(数式39)の2行目の式で用いられる。 したがって、その要・不要の判断も、前記の条件1によ って行うので、1つのL。当たりで、ホスト計算機1か らプロセッサエレメント2へ送信される密度行列要素 P (J, L)の個数の期待値も、前記(数式46)と同じ となる。

【0115】一方、密度行列要素ブロックP(K。, L 。)の要素は、(数式39)の1行目の式で用いられ る。したがって、その要・不要の判断は、

[条件2]; LとKとの間でのカットオフ条件

が成立するかどうかのみで行う。

【0116】したがって、1つのし。当たりで、ホスト 計算機1からプロセッサエレメント2へ送信される密度 行列要素P(K, L)の個数の期待値は、図22の(数 式47) に示すものとなる。

【0117】したがって、1つのプロセッサエレメント 2で、L。当たりに発生する通信量は、プロセッサエレ メント2からホスト計算機1へ送り返されるフォック行 列要素数まで考慮して、図23の(数式48)に示すも

【0118】そして、その間にプロセッサエレメント2 で計算される2電子積分の個数は、

 α^2 I α^3 × I α (個)

なので、全体で必要な通信性能は、図23の(数式4 9) に示すものとなる。

【0119】なお、通信の実施に際して、カットオフ条 件を、どこまで詳細に考慮するかによって、必要な通信 性能が異なってくる。カットオフ条件を詳細に考慮する と、通信量が減る代わりに、ホスト計算機1における処 理量が増える。逆に、カットオフ条件を考慮しないと、 ホスト計算機1における処理量が減る代わりに、通信量 が増える。

【0120】必要な通信性能を計算した結果を、カット オフ条件を全く考慮せずに、全ての密度行列要素を送信 する場合について図3に、カットオフ条件2のみを考慮 する(すなわち、密度行列要素ブロックP(I。,

L。) およびP(J。, L。) に関しては、カットオフ 判断を行わずに全て送信する)場合について図4に、カ ットオフ条件1、2を全て考慮する場合について図5

に、それぞれ示す。ここでは、M=100, Teri= 10 (μ s), α =0.05とした。

【0121】次にトリプルソート法の場合について説明

【0122】Ic×I。個の要素P」で構成される密度 行列要素ブロックP(I。, L。)の要素は、前記(数 式41)の4行目の式で用いられる。したがって、ホス ト計算機1における密度行列要素P」の要・不要の判断 は、以下の3条件が同時に成立するかどうかで行う。

【0123】 [条件3] ;ブロックK。中の全てのKと

[条件4];ブロック」。中の全ての」としとの間での カットオフ条件

[条件5]; IとLとの間でカットオフ条件。

【0124】条件3から条件5の全てが成立した場合に は、密度行列要素ブロックP(I_B, L_B)の要素は全 て不要となるため、これをホスト計算機からプロセッサ エレメントへ送信する必要がなくなる。逆にこれらの条 件が1つでも成立しない場合には、密度行列要素ブロッ クP(I。, L。)の要素は全て必要となるので、これ

50 をホスト計算機からプロセッサエレメントへ送信しなけ

ればならない。

【0125】以上のことから、1つのL₈ 当たりで、ホスト計算機1からプロセッサエレメント2へ送信される密度行列要素P(I, L)の個数の期待値は、図23の(数式50)に示すように見積られる。

33

【0126】密度行列要素P」に関しては、以下の条件6から条件8を用いて、また、密度行列要素P」に関しては、以下の条件9から条件11を用いて、それぞれカットオフの判断を行うが、1つのL。あたりで、ホスト計算機1からプロセッサエレメント2へ送信される密度10行列要素P(J,L)およびP(K,L)の個数の期待値は、前記(数式50)と同じとなる。

【0127】 [条件6];ブロックK。中の全てのKと Lとの間でのカットオフ条件

[条件7]; JとLとの間でカットオフ条件

[条件8];ブロック I。中の全てのJとLとの間でのカットオフ条件

[条件9]; KとLとの間でカットオフ条件

[条件10];ブロックJ。中の全てのJとLとの間でのカットオフ条件

[条件11];ブロックI。中の全てのJとLとの間でのカットオフ条件。

【0128】したがって、1つのプロセッサエレメント2で、L。当たりに発生する通信量は、プロセッサエレメント2からホスト計算機1へ送り返されるフォック行列要素数まで考慮して、図23の(数式51)に示すものとなる。

【0129】その間にプロセッサエレメント2で計算される2電子積分の個数は、

 $3 \alpha^2 I_c^3 \times I_D$ (個)

なので、全体で必要な通信性能は、図23の(数式52)に示すものとなる。

【0130】なお、この場合にも、通信の実施に際して、カットオフ条件を考慮するかどうかによって、必要な通信性能が異なってくる。カットオフ条件を考慮すると、通信量が減る代わりに、ホスト計算機1における処理量が増える。逆に、カットオフ条件を考慮しないと、ホスト計算機1における処理量が減る代わりに、通信量が増える。

【0131】必要な通信性能を計算した結果を、カット 40 オフ条件を全く考慮せずに全ての密度行列要素を送信する場合について図6に、また、カットオフ条件を全て考慮する場合について図7に、それぞれ示す。ここで、カノニカル法の場合と同様に、M=100, Teri=10(μ s), $\alpha=0$. 05とした。

【0132】以上の結果から、カノニカル法の場合には、最悪でも、ブロックサイズ I_c を90以上に設定することで、また、トリブルソート法の場合には、ブロックサイズ I_c を50以上に設定することで、必要な通信性能を200Mbps以下とすることが可能である。

【0133】ブロックサイズ I。および I 。を100 としても、各並列プロセッサエレメント 2 上に保有しなくてはならない行列要素数は、120000 個であり、要素 1 個あたり 64 ビットとしても、要求される容量は 7.7 Mビット程度である。現在の技術であっても、この程度の容量を有するメモリを、各プロセッサエレメント 2 に接続することは十分に可能である。

【0134】また、(数式49) および(数式52) からわかるように、全体で必要な通信性能は、I。に無依存である。したがって、プロセッサエレメントに接続したメモリの空き容量を見て、I。を可変にすることも可能である。カットオフを考慮した通信制御を行う場合には、メモリの空き容量が大きくなる場合があり、そのときに、I。を大きく設定することで、通信回数を減らすことができる。

【0135】なお、この発明の実施の形態において、トリプルソート法を用いる場合には、通信量が、カットオフ条件を考慮するかしないかには、ほぼ依存しないので、ホスト計算機1でのカットオフ判断は、ホスト計算20 機1での処理量を小さくできるように行わないことが望ましい。

【0136】以上説明した、この発明の実施の形態の効果を、図8に示したグラフを用いて説明する。図8において、丸印のプロットは、ホスト計算機1とプロセッサエレメント2との間に必要となる通信性能のブロックサイズ依存性を示すものであり、白丸が従来例の列ブロックアルゴリズムにおけるもの、黒丸がこの発明の実施の形態におけるものである。なお、これらは、いずれもトリプルソート法を用いる場合であり、また、この発明の実施の形態におけるものに関しては、通信に際しては、カットオフを考慮しない場合を示した。

【0137】一方、四角印のプロットは、プロセッサエレメント2に必要となるメモリ容量のブロックサイズ依存性を示すものであり、白四角が従来例の列ブロックアルゴリズムにおけるもの、黒四角がこの発明の実施の形態におけるものである。

【0138】図1に示したような安価なシステム構成で、ホスト計算機1とプロセッサエレメント2との間のバスの通信速度が200Mbps、プロセッサエレメント2におけるメモリ容量が20Mビットであると仮定すると、ブロックサイズは、上記のプロットの双方が、図8に示した破線の下側になっている領域に設定しなければならない。

【0139】従来例の場合には、丸印のブロットと四角印のブロットとが、同時に破線の下側になる領域がなく、ブロックサイズをどのように選んでも、通信時間によってシステム全体の処理性能が低下するか、あるいは必要なデータをプロセッサエレメント2のメモリに格納できないという不都合が起きる。

50 【0140】一方、この発明の実施の形態では、ブロッ

クサイズを50から170の間に設定すれば、丸印のプ ロットと四角印のプロットとが、同時に破線の下側にな り、通信時間によってシステム全体の処理性能が低下せ ず、また、プロセッサエレメントのメモリに必要なデー 夕を全て格納できる。

35

【0141】以上説明した実施の形態は、非経験的分子 軌道法を用いた分子シミュレーションにおいて、フォッ ク行列要素計算を高速に行う場合に、この発明を適用し た場合であるが、この発明は、このような非経験的分子 軌道法に限らず、種々の並列処理アルゴリズムに適用可 10 能であることは、言うまでもない。

[0142]

【発明の効果】以上説明したように、この発明による並 列処理方法によれば、安価な通信手段と小容量のメモリ を有する多数のプロセッサエレメントとを用いた並列計 算システムによっても、ホスト計算機とプロセッサエレ メントとの間の通信性能の影響でシステム全体の処理性 能が低下するようなことなく、効率的に行列要素計算を 行える。

【図面の簡単な説明】

【図1】この発明による並列処理装置の実施の形態のシ ステム構成を示すブロック図である。

【図2】この発明の実施の形態におけるホスト計算機お よびプロセッサエレメントの処理のフローチャートであ

【図3】この発明の実施の形態でカノニカル法を用いた 場合であって、カットオフ条件を全く考慮しない場合に 必要となる通信性能とブロックサイズとの関係を示す図 である。

【図4】この発明の実施の形態でカノニカル法を用いた 30 場合であって、カットオフ条件を一部考慮する場合に必 要となる通信性能とブロックサイズとの関係を示す図で

【図5】この発明の実施の形態でカノニカル法を用いた 場合であって、カットオフ条件を全て考慮する場合に必 要となる通信性能とブロックサイズとの関係を示す図で ある。

【図6】この発明の実施の形態でトリプルソート法を用 いた場合であって、カットオフ条件を考慮しない場合に 必要となる通信性能とブロックサイズとの関係を示す図 40 に用いる数式を示す図である。 である。

【図7】この発明の実施の形態でトリプルソート法を用 いた場合であって、カットオフ条件を考慮する場合に必 要となる通信性能とブロックサイズとの関係を示す図で ある。

【図8】 従来例およびこの発明の実施の形態でトリプル ソート法を用いた場合の、ホスト計算機・プロセッサエ レメント間に必要な通信性能およびプロセッサエレメン トに必要なメモリ容量とブロックサイズとの関係を示す 図である。

【図9】原子基底関数と、その角運動量、軌道指数、原 子核座標との対応例を示す図である。

【図10】従来例のFosterの列ブロックアルゴリ ズムのフローチャートである。

【図11】従来例でカノニカル法を用いた場合に必要と なる通信性能とブロックサイズとの関係を示す図であ

【図12】従来例でトリプルソート法を用いた場合に必 要となる通信性能とブロックサイズとの関係を示す図で ある。

【図13】非経験的分子軌道計算法の説明に用いる数式 を示す図である。

【図14】非経験的分子軌道計算法の説明に用いる数式 を示す図である。

【図15】非経験的分子軌道計算法の説明に用いる数式 20 を示す図である。

【図16】非経験的分子軌道計算法の説明に用いる数式 を示す図である。

【図17】非経験的分子軌道計算法の説明に用いる数式 を示す図である。

【図18】文献1の2電子積分計算法の説明に用いる数 ・ 式を示す図である。

【図19】文献1の2電子積分計算法の説明に用いる数 式(数式35、35)及びカットオフ条件の説明に用い る数式(数式37)を示す図である。

【図20】Fosterのアルゴリズムの説明に用いる 数式を示す図である。

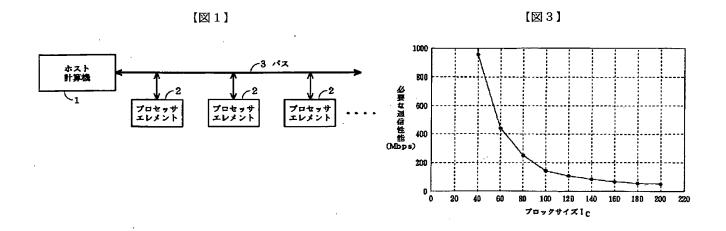
【図21】Fosterのアルゴリズムの説明に用いる 数式を示す図である。

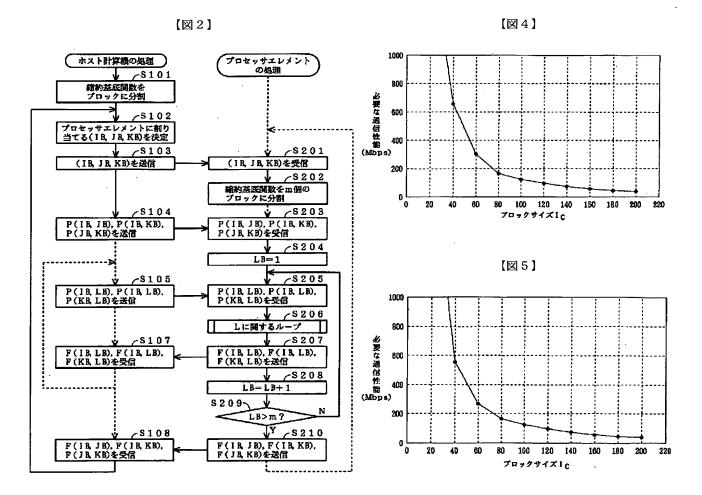
【図22】Fosterのアルゴリズムにおける通信量 の説明に用いる数式(数式44、45)およびこの発明 の実施の形態における通信量の説明に用いる数式(数式 46、47) を示す図である。

【図23】この発明の実施の形態における通信量の説明

【符号の説明】

- 1 ホスト計算機
- 2 プロセッサエレメント
- 3 バス

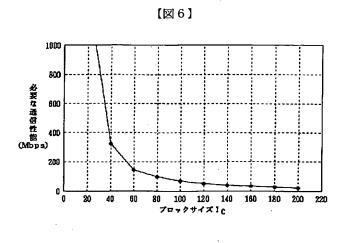


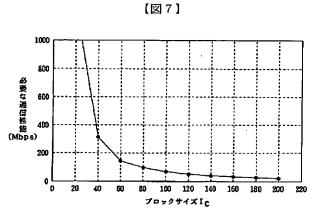


【図9】

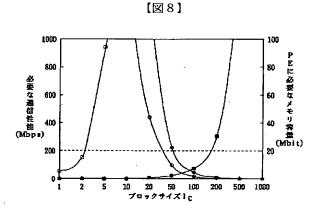
[波1 原始基底関数 i, j, k, l の角運動量、軌道指数、原子核座標]

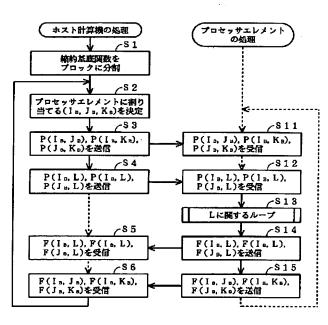
原始基底関数の番号	角運動量	机道指数	原子核座標
i	8	ζa	A
1	ъ	₹ъ	В
k	С	ζc	С
1	d	ζa	D

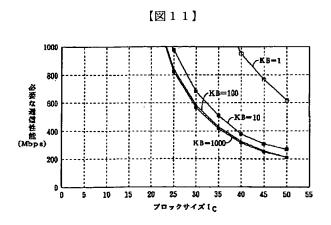


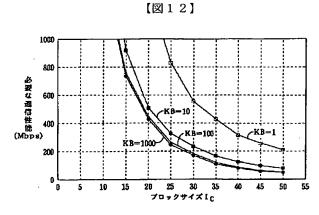


【図10】









【図13】

【図14】

(数式1)

$$\phi_{\mu} = \sum_{l} \chi_{l} c_{l \mu}$$

(数式2)

$$\Psi$$
 (1. 2. · · · . 2n) = $\frac{1}{\sqrt{(2n)!}}$ ×

(数式3)

$$H = H_1 + H_2$$

(数式4)

$$H_1 = \sum_{p} \left[-\frac{1}{2} \nabla_p^2 - \sum_{A} \frac{Z_A}{r_{pA}} \right]$$

(数式5)

$$H_2 = \sum_{p} \sum_{q(>p)} \frac{1}{r_{pq}}$$

(数式6)

$$\begin{split} \varepsilon &= \int \Psi H \Psi d \tau = \int \Psi (H_1 + H_2) \Psi d \tau \\ &= 2 \sum_{\mu} H_{\mu} + \sum_{\mu} \sum_{\nu} (2 J_{\mu \nu} - K_{\mu \nu}) \end{split}$$

(政式7)

$$H_{\mu} = \int \phi_{\mu} (1) h^{core} (1) \phi_{\mu} (1) d\tau_{1}$$

(数式8)

$${\rm J}_{\mu \, \nu} = \int \int \, \phi_{\mu} \, (1) \, \, \phi_{\nu} \, (2) \frac{1}{{\rm r}_{12}} \, \phi_{\mu} \, (1) \, \, \phi_{\nu} \, \, (2) \, \, {\rm d} \, \, \tau_{1} \, {\rm d} \, \, \tau_{2}$$

(数式9)

$$\mathbf{K}_{\mu \; \nu} = \int \int \phi_{\mu}(1) \; \phi_{\nu}(2) \frac{1}{r_{12}} \; \phi_{\mu}(2) \; \phi_{\nu}(1) \; \mathrm{d} \; \tau_{1} \; \mathrm{d} \; \tau_{2}$$

【図15】

【図16】

(数式10)

$$\begin{split} & \varepsilon = 2 \sum_{\mu} \left[\sum_{\mathbf{I}} \sum_{\mathbf{J}} \mathbf{C}_{\mathbf{I}\mu} \mathbf{C}_{\mathbf{J}\nu} \mathbf{H}_{\mathbf{I}\mathbf{J}} \right] \\ & + \sum_{\mu} \sum_{\nu} \left\{ \sum_{\mathbf{I}} \sum_{\mathbf{K}} \sum_{\mathbf{L}} \mathbf{C}_{\mathbf{I}\mu} \mathbf{C}_{\mathbf{J}\mu} \mathbf{C}_{\mathbf{K}\nu} \mathbf{C}_{\mathbf{L}\nu} [2 \, \mathbf{G}(\mathbf{I}, \mathbf{J}, \mathbf{K}, \mathbf{L}) - \mathbf{G}(\mathbf{I}, \mathbf{K}, \mathbf{J}, \mathbf{L})] \right\} \end{split}$$

(数式11)

$$\mathbf{H}_{\mathbf{I} \; \mathbf{J}} = \int \boldsymbol{\chi}_{\mathbf{I}} \; (\mathbf{I}) \; \mathbf{h}^{\text{core}} \; (\mathbf{I}) \; \boldsymbol{\chi}_{\mathbf{I}} \; (\mathbf{I}) \; \mathbf{d} \; \boldsymbol{\tau}_{\mathbf{I}}$$

(数式12)

$$h^{core}(1) = -\frac{1}{2} \nabla_1^2 - \sum_{A} \frac{z_A}{r_{1A}}$$

(数式13)

$$G(I, J, K, L) = \int \int \chi_{I}(i) \chi_{J}(1) \frac{1}{r_{12}} \chi_{K}(2) \chi_{L}(2) d\tau_{1} d\tau_{2}$$

(数式14)

$$\sum_{J} \langle F_{IJ} - \varepsilon_{\mu} S_{IJ} \rangle C_{J\mu} = 0$$

数式15)

$$F_{IJ} = H_{IJ} + \sum_{K} \sum_{L} P_{KL} \left[G(I, J, K, L) - \frac{1}{2} G(I, K, J, L) \right]$$

(数式16)

$$\varepsilon_{\mu} = H_{\mu} + \sum_{\nu} (2 I_{\mu \nu} - K_{\mu \nu})$$

(数式17)

$$s_{IJ} = \int \chi_I(1) \chi_J(1) d\tau_1$$

(数式18)

$$P_{KL} = 2 \sum_{\nu} C_{K\nu} C_{L\nu}$$

(数式19)

$$G(I, J, K, L) = G(I, J, L, K) = G(J, I, K, L) = G(J, I, L, K) = G(K, L, I, J) = G(L, K, I, J) = G(K, L, J, I) = G(L, K, J, I)$$

【図17】

[図18]

(数式20)

$$\chi$$
 (r, n, R) = $(r_x - R_x)^{n_x} (r_y - R_y)^{n_y} (r_z - R_z)^{n_z}$
 $\times \sum_m d_m e \times p \left[-\zeta_m (r - R)^2 \right]$

(数式21)

$$\phi (r, n, R)$$
= $(r_x - R_x)^{n_x} (r_y - R_y)^{n_y} (r_z - R_z)^{n_z} e x p \left[-\zeta (r - R)^2 \right]$

(数式22)

$$\sum_{m} d_{m} e \times p \left[-\zeta_{m} (r - R)^{2} \right]$$

(数式23

G(I, J, K, L) =
$$\sum_{m1} \sum_{m2} \sum_{m3} \sum_{m4} d_{m1} d_{m2} d_{m3} d_{m4} g(i, j, k, 1)$$

(数式24)

$$\mathbf{g}\left(\mathbf{i},\mathbf{j},\mathbf{k},\mathbf{l}\right)=\int\int\boldsymbol{\phi}_{i}\left(\mathbf{1}\right)\boldsymbol{\phi}_{j}\left(\mathbf{1}\right)\frac{1}{\tau_{12}}\boldsymbol{\phi}_{k}\left(\mathbf{2}\right)\boldsymbol{\phi}_{l}\left(\mathbf{2}\right)\mathbf{d}\;\boldsymbol{\tau}_{1}\,\mathbf{d}\;\boldsymbol{\tau}_{2}$$

(数式25)

$$g(i, j, k, l) = g(i, j, l, k) = g(j, i, k, l) = g(j, i, l, k) = g(k, l, i, j) = g(l, k, i, j) = g(k, l, j, l) = g(l, k, j, i)$$

(数式26)

$$\begin{split} &\{0_a\,0_b,\,0_c\,0_d\}\,^{(m)} \\ &= \frac{1}{\sqrt{\zeta + \eta}} \cdot K(\zeta_a,\,\zeta_b,\,A,\,B) \cdot K(\zeta_c,\,\zeta_d,\,C,\,D) \cdot F_m\,(T) \end{split}$$

(数式27)

$$F_m(T) = \int t^{2m} e \times p \left(-T t^2\right) dt$$

(## £ 2 A

$$T = \rho (P - Q)^2$$

(数式29)

$$= \sqrt{2} \frac{\pi^{5/4}}{\zeta + \zeta} e \times p \left[-\frac{\zeta \zeta' (R-R')^2}{\zeta + \zeta'} \right]$$

(数式30)

$$\zeta = \zeta_a + \zeta_b$$

$$\eta = \zeta_c + \zeta_d$$

(数式32)

$$\rho = \frac{\zeta \eta}{\zeta + \eta}$$

(数式33)

$$P = \frac{\zeta_a A + \zeta_b B}{\zeta_a + \zeta_b}$$

$$Q = \frac{\zeta_c C + \zeta_d D}{\zeta_c + \zeta_d}$$

【図19】

[図20]

$$\begin{split} & \left[\left\{ a+l_{i} \right\} b,\, c\, d \right\} \,^{(m)} \\ & = \left(P_{i}-A_{i} \right) \left\{ a\, b,\, c\, d \right\} \,^{(m)} + \left(W_{i}-P_{i} \right) \left\{ a\, b,\, c\, d \right\} \,^{(m+1)} \\ & + \frac{N_{i} \,^{(a)}}{2\, \zeta} \left\{ \left\{ \left\{ a-l_{i} \right\} b,\, c\, d \right\} \,^{(m)} - \frac{\rho}{\zeta} \left\{ \left\{ a-l_{i} \right\} b,\, c\, d \right\} \,^{(m+1)} \right\} \\ & + \frac{N_{i} \,^{(b)}}{2\, \zeta} \left\{ \left[a\, \left(b-l_{i} \right),\, c\, d \right] \,^{(m)} - \frac{\rho}{\zeta} \left\{ a\, \left(b-l_{i} \right),\, c\, d \right\} \,^{(m+1)} \right\} \\ & + \frac{N_{i} \,^{(c)}}{2\, \left(\zeta + \eta \right)} \left\{ a\, b,\, \left(c-l_{i} \right) \, d \right\} \,^{(m+1)} \\ & + \frac{N_{i} \,^{(d)}}{2\, \left(\zeta + \eta \right)} \left\{ a\, b,\, c\, \left(d-l_{i} \right) \right\} \,^{(m+1)} \end{split}$$

(数式36)

$$W = \frac{\zeta P + \eta Q}{\zeta + \eta}$$

(数式37)

$$e \times p = \left[-\frac{\zeta \zeta'(R-R')^2}{\zeta+\zeta'} \right]$$

(数式38)

$$I \ge J, K \ge L, (IJ) \ge (KL)$$

$$(1 \ 1) = \frac{1(1-1)}{2} + 1, (K L) = \frac{K(K-1)}{2} + L$$

(数式39)

$$F_{IJ}+=P_{KL}G(1,J,K,L)$$

$$F_{IK} + = -\frac{1}{2} P_{JL}G(I, J, K, L),$$

$$F_{IL} + = -\frac{1}{2} P_{JK} G(I, J, K, L),$$

$$F_{JK} + = -\frac{1}{2} P_{TL} G(I, J, K, L),$$

$$F_{JL} + = -\frac{1}{2} P_{IK}G(I, J, K, L),$$

$$F_{IL} + = P_{IJ}G(I, J, K, L)$$

[図21]

【図22】

(数式40)

I≥J≥K≥L

(数式41)

$$\begin{split} F_{IJ} + &= P_{IL} \left[G(1, J, K, L) + G(1, K, J, L) + G(1, L, J, K) \right], \\ F_{IK} - &= P_{JL} \left[G(1, J, K, L) + G(1, K, J, L) + G(1, L, J, K) \right] / 2, \\ F_{IL} - &= P_{JR} \left[G(1, J, K, L) + G(1, K, J, L) + G(1, L, J, K) \right] / 2, \\ F_{JK} - &= P_{IL} \left[G(1, J, K, L) + G(1, K, J, L) + G(1, L, J, K) \right] / 2, \\ F_{JL} - &= P_{IK} \left[G(1, J, K, L) + G(1, K, J, L) + G(1, L, J, K) \right] / 2, \\ F_{KL} + &= P_{IJ} \left[G(1, J, K, L) + G(1, K, J, L) + G(1, L, J, K) \right] \end{split}$$

(数式42)

 $I_B \ge J_B \ge K_B \ge L_B$

(数式43)

 $I_{B} \geq I_{B}, K_{B} \geq L_{B}, (I_{B}I_{B}) \geq (K_{B}L_{B})$

(数式44)

 $\frac{2(2 I_C^2 + K_B I_C^2) \times 64 \times M}{T_{eri} \times \alpha^2 K_B I_C^4} = \frac{(2 + K_B) \times 128M}{T_{eri} \alpha^2 K_B I_C^2}$ (Mbps)

(数式45)

 $\frac{2 (2 I_C^2 + K_B I_C^2) \times 6 4 \times M}{T_{eri} \times 3 \alpha^2 K_B I_C^4} = \frac{\{2 + K_B\} \times 128M}{3 T_{eri} \alpha^2 K_B I_C^2}$ (Mbps)

(数式46)

 $(\mathbf{I}_{\mathsf{C}} \times \mathbf{I}_{\mathsf{D}}) \left[1 - (1 - \alpha)^{\mathsf{I}_{\mathsf{C}}} \right] \tag{68}$

(数式47)

 $(I_C \times I_D) [1 - (1 - \alpha)]$

【図23】

(数式48)
$$2 \times (I_{\mathbb{C}} \times I_{\mathbb{D}}) \left[3 - (1-\alpha)^{1} C_{-} (1-\alpha)^{1} C_{-} (1-\alpha) \right] \times 64 \qquad \text{(bit)}$$
 (数式49)
$$\frac{2 \times (I_{\mathbb{C}} \times I_{\mathbb{D}}) \left[3 - (1-\alpha)^{1} C_{-} (1-\alpha)^{1} C_{-} (1-\alpha) \right] \times 64 \times M}{T_{\text{eri}} \times \alpha^{2} I_{\text{c}}^{3} I_{\mathbb{D}}} \qquad \text{(Mbps)}$$
 (数式50)
$$(I_{\mathbb{C}} \times I_{\mathbb{D}}) \left[1 - (1-\alpha)^{2} I_{\mathbb{C}} + 1 \right] \qquad \text{(個)}$$
 (数式51)
$$2 \times 3 \{I_{\mathbb{C}} \times I_{\mathbb{D}}\} \left[1 - (1-\alpha)^{2} I_{\mathbb{C}} + 1 \right] \times 64 \qquad \text{(bit)}$$
 (数式52)
$$\frac{2 \times (I_{\mathbb{C}} \times I_{\mathbb{D}}) \left[1 - (1-\alpha)^{2} I_{\mathbb{C}} + 1 \right] \times 64 \times M}{T_{\text{eri}} \times 3 \alpha^{2} I_{\mathbb{C}}^{3} I_{\mathbb{D}}} \qquad \text{(Mbps)}$$

フロントページの続き

(72)発明者 稲畑 深二郎

神奈川県足柄上郡中井町境430 グリーン テクなかい富士ゼロックス株式会社内

(72)発明者 宮川 宣明

神奈川県足柄上郡中井町境430 グリーンテクなかい富士ゼロックス株式会社内

(72)発明者 髙島 一

東京都豊島区高田 3 - 24 - 1 大正製薬株

式会社内

(72)発明者 北村 一泰

東京都豊島区高田3-24-1 大正製薬株

式会社内

Fターム(参考) 5B045 AA07 BB12 BB47 GG12 5B056 AA04 BB31 BB72 HH00